

مجاز است.

استفاده از:

۱. معادله خطی که از وسط دو نقطه (x_3, y_3) و (x_4, y_4) گذشته و با محور Ox زاویه 45° می‌سازد برابر است با:

الف $y = 2x + 3$

ب $y = x - 2$

ج $y = 3x + 2$

د $y = -2x + 5$

۲. مقطع مخروطی $4x^2 - 8x + y^2 - 28 = 0$ یک ::

الف بیضی است.

ب هدلوی است.

ج دایره است.

د سهمی است.

۳. قلمرو تابع $f(x) = \frac{1}{\sqrt{x-|x|}}$ کدام است؟الف R^- ب R^+ ج \emptyset د $R - \{0\}$

۴. کدام یک از روابط زیر یک تابع است؟

الف $h = \{(x, y) \mid x, y \in R, y = \frac{5}{x^2+1}\}$

ب $g = \{(x, y) \mid x, y \in R, x^2 + y^2 = 9\}$

ج $f = \{(x, y) \mid x, y \in R, x < y\}$

د $k = \{(2,3), (3,4), (2,5)\}$

۵. اگر $x > 0$ و $f(x) = \frac{1}{1+x^2}$ آنگاه تابع f :

الف صعودی است ولی یک به یک نیست.

ب نزولی و یک به یک است.

ج نزولی است ولی یک به یک نیست.

د صعودی و یک به یک است.

۶. فرض کنید $f(x) = 2x + 1$ و $g(x) = x^3$ در این صورت $fog(x) = fog(x)$ برابر است با:

الف $\frac{2x^3 - 1}{2}$

ب $\frac{x^3 - 1}{2}$

ج $\frac{3x^2 + 1}{2}$

د $2x^3 + 1$

مجاز است.

استفاده از:

۷. وارون تابع $f(x) = \sqrt{x} + 5$ کدام است؟الف $x \leq 0, f^{-1}(x) = (x - 5)^2$ ب $x \geq 0, f^{-1}(x) = (x - 5)^2$ ج $x \geq 5, f^{-1}(x) = -(x + 5)^2$ د $x \geq 0, f^{-1}(x) = -(x + 5)^2$ ۸. $\lim_{x \rightarrow 3} (x - 3)^2 \sin \frac{1}{\sqrt[3]{x-3}}$ برابر است با:الف $+\infty$

ب ۱

ج صفر

د وجود ندارد.

۹. به ازاي چه مقداري از a و b تابع $f(x) = \begin{cases} a \sin x + b & x \neq 0 \\ a - x & x = 0 \end{cases}$ پيوسته است؟الف $a = -b$ ب $a = b$ ج $b = a - 1$ د $b = a + 1$ ۱۰. اگر $f(x) = \begin{cases} 2x - 1 & x < 3 \\ 8 - x & x \geq 3 \end{cases}$ آنگاه کدام يك از موارد زير درست است؟الف $\hat{f}_-(3) = \hat{f}_+(3)$ ب $\hat{f}_-(3) = -\hat{f}_+(3)$ ج $\hat{f}_-(3) = 2\hat{f}_+(3)$ د $\hat{f}_-(3) = -2\hat{f}_+(3)$ ۱۱. نقاطی از منحنی $y = x^3 - 3x$ که در آنها مماس بر منحنی موازی خط $y = 9x + 5$ باشد، برابر هستند با:

الف (۱و۲) و (۲و۱)

ب (۱و۲) و (۲و۱)

ج (۲و۲) و (۲و۱)

د (۲و۱) و (۱و۲)

۱۲. نقاط ماقزیم و می نیم نسبی تابع $f(x) = 2x^3 - 9x^2 + 12x - 1$ برابر هستند با:

الف (۱و۴) و (۲و۳)

ب (۳و۱) و (۰و۲)

ج (۳-۲) و (۱و۲)

د (۳و۰) و (۰و۲)

مجاز است.

استفاده از:

اگر $f(x) = x^2 + 4x - 3$, $x \in [2,5]$ که در قضیه مقدار میانگین صدق می کند، برابر است با:الف $\frac{7}{2}$ ب $\frac{5}{3}$

ج ۳

د $\frac{8}{3}$ ۱۴. $\lim_{x \rightarrow 0} \frac{x - \sin x}{x^3}$ برابر است با:الف $\frac{1}{6}$

ب -۱

ج ۱

د $-\frac{1}{6}$ ۱۵. مقدار $\int_1^2 \frac{x^3 + 5x^2 - 4}{x^2} dx$ برابر است با:الف $\frac{11}{3}$ ب $\frac{15}{2}$ ج $\frac{14}{3}$ د $\frac{9}{2}$ ۱۶. فرض کنید $f(x) = 3x + 2$ مربوط به قضیه مقدار میانگین برای انتگرال در فاصله $[1, 2]$ برابر است با:

الف ۳

ب ۵

ج $\frac{3}{2}$ د $\frac{5}{2}$ ۱۷. اگر $g(x) = \int_1^x \frac{dt}{1+t^3}$ باشد، مقدار $(g'(x))$ کدام است؟الف $\frac{1}{2}$

ب ۲

ج $\frac{1}{4}$

د ۳

۱۸. اگر $\int_{-2}^2 f(x)dx = \frac{1}{3}f(a)$ و $f(x) = 3x^2 - 3$ برابر است با:الف $\sqrt{2}$ ب $-\sqrt{2}$ ج $\pm\sqrt{5}$ د $\pm\sqrt{3}$

مجاز است.

استفاده از:

۱۹. اگر تابع f در فاصله $[۱, ۴]$ پیوسته بوده و داشته باشیم $\frac{1}{\sqrt{x}} \leq f(x) \leq ۱$ کدام یک از عبارات زیر درست است؟

الف ۲ $\int_1^4 f(x) dx \leq ۱$

ب ۴ $\int_1^4 f(x) dx \geq ۴$

ج ۱ $\int_1^4 f(x) dx \leq ۱$

د ۱ $\int_1^4 f(x) dx \geq ۱$

۲۰. انتگرال ناسره $\int_{-\infty}^0 e^{2x} dx$ همگراست به:

الف $\frac{1}{2}$

ب ۱

ج $\frac{1}{3}$

د $\frac{1}{4}$

سوالات تشریحی

بارم هر سوال ۲ نمره

۱. دایره $x^2 + y^2 - 4x + 2 = 0$ و سهمی $y = x - 2$ را در یک دستگاه محورهای مختصات رسم کنید و مختصات نقاط تلاقی آنها را به دست آورید

۲. حد های زیر را به دست آورید (با شرح کامل راه حل).

الف - $\lim_{x \rightarrow \infty} (\sqrt{x^2 + x} - \sqrt{x^2 + 4})$

ب - $\lim_{x \rightarrow 1} \frac{1 - \sqrt{x}}{1 - \sqrt[3]{x}}$

۳. مشتق توابع زیر را به دست آورید. الف -

ب - $y = [Ln(x^3 + 4)]^5$

۴. انتگرال زیر را به دست آورید (با شرح کامل).

۵. اگر dx آنکاه مشتق تابع $F(t) = \int_t^{t^2} (x^2 + 1) dx$ را محاسبه کنید (با شرح کامل).