

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمنهای گسسته، مبانی ترکیبیات  
**رشته تحصیلی / کد درس:** علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر ۱۱۱۳۲۴ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)  
**مهندسي فناوري اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - مهندسي مديريت اجرائي ۱۱۱۵۱۹۶ - ۱۱۱۵۰۶۷**

۱- کدامیک از گزاره های زیر همیشه نادرست هستند؟

$$(p \wedge \neg q) \vee \neg(p \wedge \neg q) \quad .\ ۲$$

$$p \vee \neg(p \wedge q) \quad .\ ۱$$

$$(p \wedge q) \rightarrow (p \wedge q) \quad .\ ۴$$

$$(p \wedge q) \wedge \neg(p \vee q) \quad .\ ۳$$

۲- کدامیک از هم ارزی های زیر صحیح است؟

$$p \vee (q \wedge r) \equiv (p \vee q) \vee (p \vee r) \quad .\ ۲$$

$$\neg p \vee \neg q \equiv \neg(p \vee q) \quad .\ ۱$$

$$p \wedge (q \vee r) \equiv (r \wedge q) \vee (q \wedge p) \quad .\ ۴$$

$$(p \vee q) \wedge \neg p \equiv p \wedge q \quad .\ ۳$$

۳- کدامیک از فرمول گزاره های زیر استلزم منطقی هستند؟

$$p \rightarrow q \quad .\ ۱$$

$$\neg q$$

$$\hline p$$

$$p \rightarrow \neg q \quad .\ ۲$$

$$r \rightarrow q$$

$$r$$

$$\hline \neg p$$

S1: اگر دو ضلع مثلث باهم برابر باشند، آنگاه زاویه مقابل آنها برابرند.

S2: دو ضلع پنجم مثلث برابر نیست.

۴- زاویه های مقابل مثلث برابر هستند

اگر به ریاضی علاقمند باشم، آنگاه مطالعه می کنم

با مطالعه می کنم با موفق نمی شوم

اگر موفق نشوم، به ریاضی علاقمند نیستم

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمنهای گسسته، مبانی ترکیبیات  
**رشته تحصیلی/گد درس:** علوم کامپیوتر (۱۱۱۱۱۰۴)، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر (۱۱۱۱۳۲۴)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی) (۱۱۱۵۰۶۷)، مهندسی فناوری اطلاعات (۱۱۱۵۱۳۷)، مهندسی مدیریت اجرایی (۱۱۱۵۱۹۶)

**۴- کدامیک از استنتاج های زیر برقوار نیستند؟**

$$p \rightarrow q \quad .\ ۴$$

$$r \rightarrow s$$

$$p \vee r$$

$$\hline$$

$$p \rightarrow q \quad .\ ۳$$

$$p \wedge r$$

$$\hline$$

$$\therefore \neg q \wedge r$$

$$p \rightarrow (q \rightarrow r) \quad .\ ۲$$

$$r \rightarrow s$$

$$\neg q \vee \neg s$$

$$\hline$$

$$p \wedge q \quad .\ ۱$$

$$p \wedge q$$

$$\hline$$

$$\therefore r$$

$$\therefore \neg p \vee \neg r$$
**۵- گزاره های سوردار زیر را در نظر بگیرید. کدام گزینه صحیح است؟ (مجموعه مرجع R است).**

$$p : \forall x, |x| = x$$

$$q : \exists x, x^2 = x$$

$$r : \forall x, x + 1 > x$$

$$w : \exists x, x + 2 = x$$

۱. گزاره p و w دارای ارزش نادرست هستند و مابقی گزاره ها دارای ارزش درست هستند.

۲. هر چهار گزاره دارای ارزش نادرست هستند

۳. گزاره q و w دارای ارزش نادرست و r دارای ارزش درست است.

۴. گزاره q و w دارای ارزش درست و p و r دارای ارزش نادرست هستند.

**۶- نقیض گزاره  $\exists x \forall y (p(x, y) \rightarrow q(x, y))$  کدام گزینه است؟**

$$\forall x \exists y \neg p(x, y) \vee q(x, y) \quad .\ ۲$$

$$\forall x \forall y p(x, y) \vee \neg q(x, y) \quad .\ ۴$$

$$\forall x \forall y \neg p(x, y) \wedge q(x, y) \quad .\ ۱$$

$$\forall x \exists y p(x, y) \wedge \neg q(x, y) \quad .\ ۳$$

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات  
**رشته تحصیلی/گد درس:** علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - ، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر(چندبخشی)، علوم کامپیوتر(چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - ، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

- اگر ماتریس روابط  $S$  و  $R$  به صورت زیر باشند، ماتریس رابطه  $RoS$  کدام گزینه است؟

$$M_R = \begin{matrix} \begin{array}{ccc} a & b & c \end{array} \\ \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix} \quad M_S = \begin{matrix} \begin{array}{ccc} x & y & z \end{array} \\ \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

$$M_{RoS} = \begin{matrix} \begin{array}{ccc} x & y & z \end{array} \\ \begin{bmatrix} 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

$$M_{RoS} = \begin{matrix} \begin{array}{ccc} x & y & z \end{array} \\ \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

$$M_{RoS} = \begin{matrix} \begin{array}{ccc} x & y & z \end{array} \\ \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 1 \\ 0 & 0 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

$$M_{RoS} = \begin{matrix} \begin{array}{ccc} x & y & z \end{array} \\ \begin{bmatrix} 1 & 1 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \\ 1 & 0 & 0 \end{bmatrix} \end{matrix}$$

- رابطه  $R$  را رابطه عمود بودن در خطوط صفحه در نظر می گیریم. می گوییم  $a \perp b$  است اگر و فقط اگر خط  $a$  بر خط  $b$  عمود باشد. کدام گزینه در مورد این رابطه برقرار است.

۱. این رابطه دارای خاصیت بازتابی، تقارن و تعدی است.
۲. این رابطه دارای خاصیت تقارن و ضدتقارن است.
۳. این رابطه دارای خاصیت تعدی و ضدتقارن است.
۴. این رابطه دارای خاصیت تقارن و ضدتقارن است.

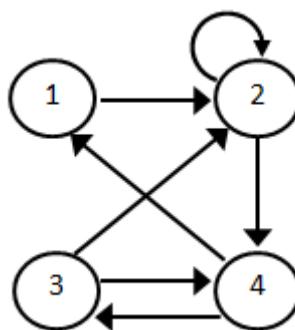
تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمنهای گسسته، مبانی ترکیبیات  
**رشته تحصیلی/گد درس:** علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۰۴ - ، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر(چندبخشی)، علوم کامپیوتر(چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - ، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

-۹- رابطه  $R$  روی مجموعه  $\{1,2,3,4\} = A$  را در نظر بگیرید، که به وسیله گراف جهت دار شکل زیر نشان داده شده است.  
 بستار متعدد این رابطه کدام گزینه است؟



$$\{(1,1)(1,2)(2,1)(2,2)(3,1)(3,2)(4,1)(4,2)\} \quad .2$$

$$\{(1,1)(1,2)(1,3)(1,4)(2,1)(2,2)(2,3)(2,4) \\ (3,1)(3,2)(3,3)(3,4)(4,1)(4,2)(4,3)(4,4)\} \quad .1$$

$$\{(1,2)(2,2)(2,4)(3,4)(3,2)(4,1)(4,3)\} \quad .4$$

$$\{(1,1)(1,2)(1,3)(2,2)(3,1)(3,2)\} \quad .3$$

-۱۰- کدامیک از روابط زیر هم ارزی هستند؟

۱. رابطه  $\subseteq$  روی زیرمجموعه های  $N$  (عدد طبیعی)

۲. رابطه همنهشت بودن:  $y \equiv^m x$ ، گوییم  $x$  و  $y$  در پیمانه  $m$  همنهشت هستند اگر  $y$  بر  $m$  بخش پذیر باشد. یا تعریف معادل این است که باقیمانده تقسیم  $x$  بر  $m$  با باقیمانده تقسیم  $y$  بر  $m$  با هم برابر باشند.

۳. رابطه کوچکتر بودن در مجموعه اعداد طبیعی

۴. رابطه بزرگتر بودن در مجموعه اعداد صحیح

-۱۱- فرض کنید مجموعه اعداد طبیعی با رابطه عاد کردن تعریف شده باشد. کدامیک از زیرمجموعه های زیر ترتیب کامل (مجموعه مرتب کامل) هستند؟

$$\{7,28,11\} \quad .4$$

$$\{1,2,3,\dots\} \quad .3$$

$$\{24,2,6\} \quad .2$$

$$\{3,15,5\} \quad .1$$

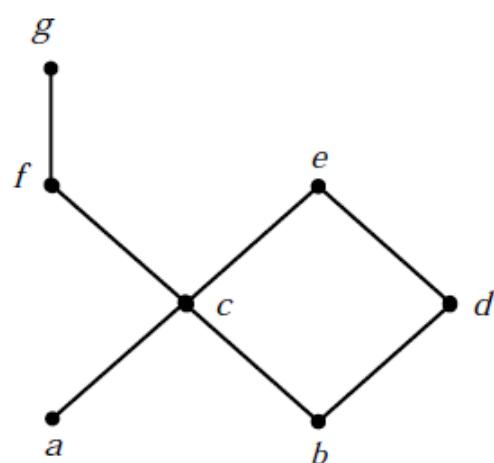
تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات  
**رشته تحصیلی/گد درس:** علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۳۷ -

۱۲- در مورد نمودار زیر، گزاره های زیر را در نظر بگیرید:



a: عضو e و g مаксیمال و a و b مینیمال هستند.

b: عضو g عضو ماقریم در مشبکه است.

c: کوچکترین کران بالای  $\{b, f\}$  برابر f است.

d: بزرگترین کران پایین [g, e] برابر c است.

کدام گزینه، تمام گزاره های درست از مجموع گزاره های فوق را نشان می دهد؟

a,c,d . ۴

b,d . ۳

a,c . ۲

a,b . ۱

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات  
**رشته تحصیلی/گد درس:** علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)  
 ۱۱۱۵۰۶۷ - ، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

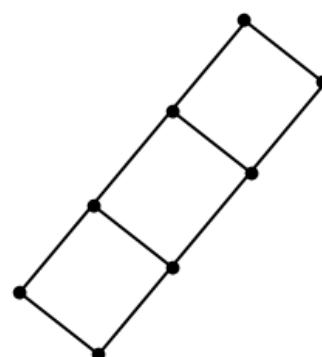
۱۳- فرض کنید  $n$  عددی صحیح و مثبت باشد و  $S_n$  مجموع تمام مقسوم علیه های  $n$  باشد. اگر رابطه  $R$  اینگونه تعریف شود:

$$\forall a, b \in S_n \quad aRb \Leftrightarrow a|b$$

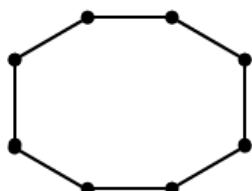
که در آن  $a|b$  به این معنی است که  $a$  عضو  $b$  را عاد می کند.

کدام گزینه نمودار هاس مشبکه  $(S_{24}, R)$  را نشان می دهد.

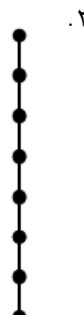
۱.



۲.



۳.



تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

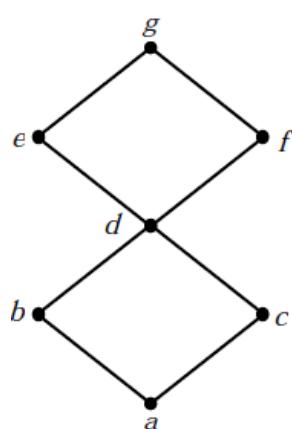
سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

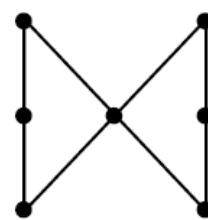
**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات  
**رشته تحصیلی/گد درس:** علوم کامپیوتر (دقیقه) : ۱۱۱۱۱۰۴ - ، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی ۲۴) - ، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)  
 (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)  
 ۱۱۱۵۰۶۷ - ، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۱۴- کدام یک از نمودارهای هاس زیر، مشبکه توزیع پذیر هستند؟

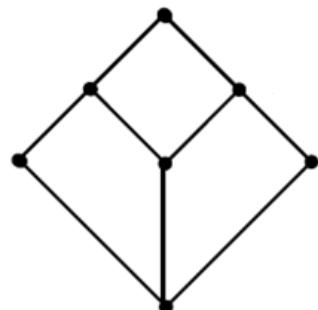
.۲



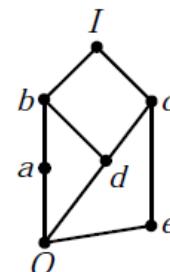
.۱



.۴



.۳



۱۵- عبارت زیر کدام گزینه است؟ dnf

$$((x+y)' + (x'+y'))(z+y)$$

$$\sum m(4,7,8) \quad .۴$$

$$\sum m(0,6,7,8) \quad .۳$$

$$\sum m(0,1,7) \quad .۲$$

$$\sum m(1,6,7) \quad .۱$$

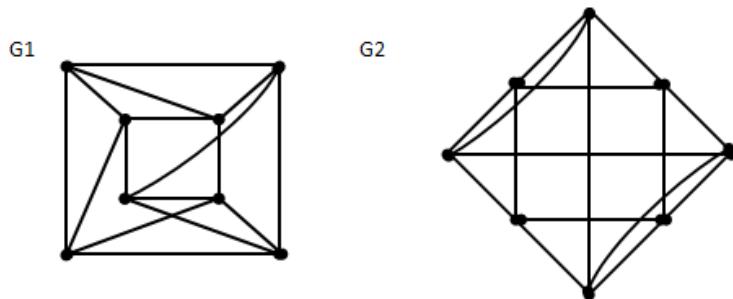
تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات  
**رشته تحصیلی/گد درس:** علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - ، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۱۶- گرافهای  $G_1$  و  $G_2$  مطابق شکل مقابل مقابله داده شده اند. کدام گزینه صحیح است؟



۱. دو گراف یکریخت هستند.  
 ۲.  $G_1$  مسطح است و  $G_2$  اویلری است.

۳.  $G_1$  اویلری است و  $G_2$  مسطح است.  
 ۴.  $G_1$  هامیلتونی است و  $G_2$  دوبخشی است.

۱۷- درخت  $T$  به گونه‌ای است که درجه هر راس آن یا دقیقاً برابر ۴ است و یا یک. اگر درخت مزبور دارای  $n$  راس از درجه ۴ باشد، در این صورت تعداد رئوس از درجه ۱ آن برابر است با:

۲(n-1) . ۴

2(n+1) . ۳

n-1 . ۲

n+1 . ۱

۱۸- عبارت پیشوندی معادل  $(a/(b-c+d))(e-a)$  کدام گزینه است؟

 $/a+b-cd*-ea$  . ۴ $*/a+b-cd-ea$  . ۳ $*/a+-bcd-ea$  . ۲ $/a+-b-cd*ea$  . ۱

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

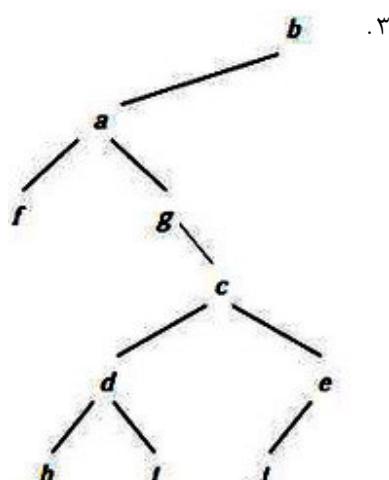
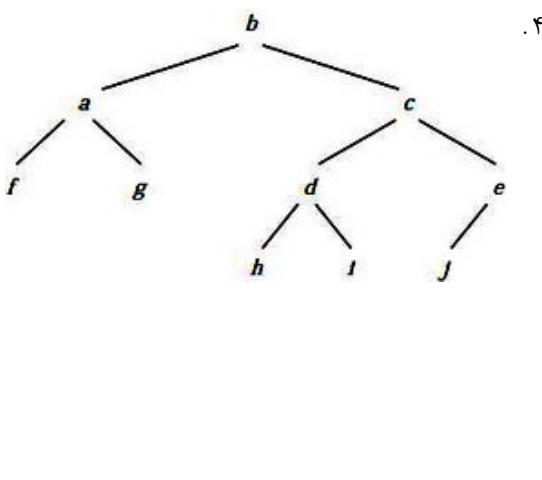
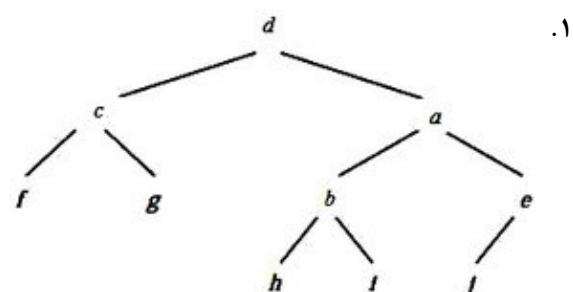
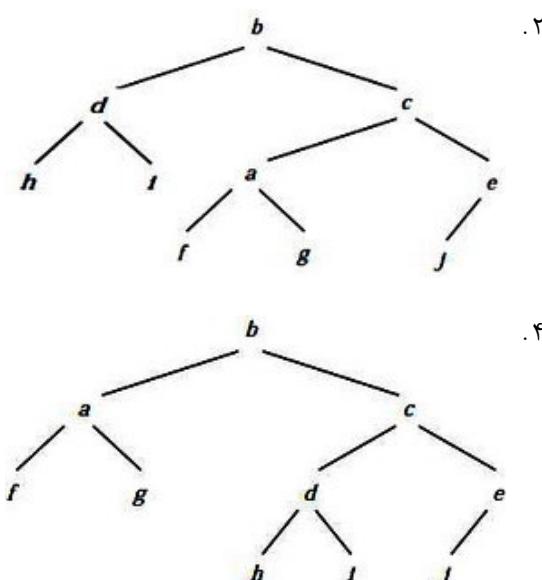
سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات  
**رشته تحصیلی/گد درس:** علوم کامپیوتر (دقیقه)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)  
 ۱۱۱۱۱۰۴ - ، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی) ۱۱۱۳۲۴ - ، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۰۶۷ -

۱۹- اگر پیمایش میانتریب و پس ترتیب یک درخت به صورت زیر باشد، درخت موبوطه کدام گزینه است:

Inorder: f a g b h d i c j e  
 Postorder: f g a h i d j e c b

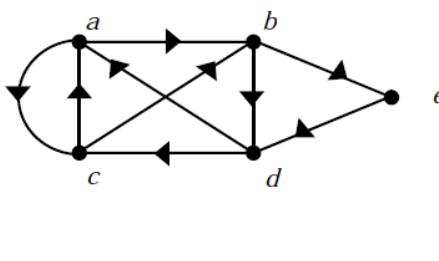


تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

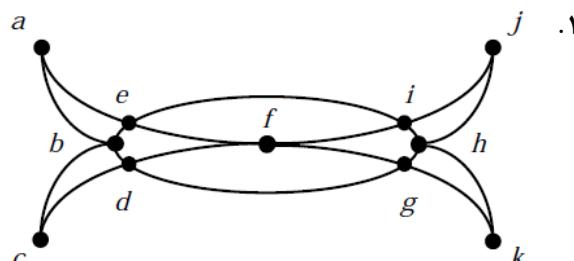
سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

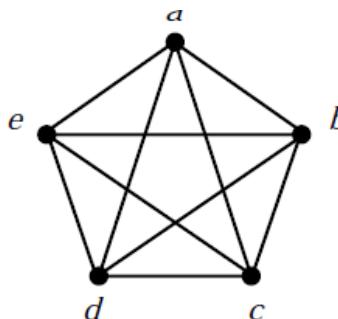
**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمنهای گسسته، مبانی ترکیباتی  
**رشته تحصیلی/گد درس:** علوم کامپیوتر (دقیقه)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)  
 ۱۱۱۱۱۰۴ - ، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی) ۱۱۱۳۲۴ - ، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی) ۱۱۱۵۰۶۷ - ، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

**۴۰- در کدامیک از گرافهای زیر مدار اویلری وجود ندارد؟**

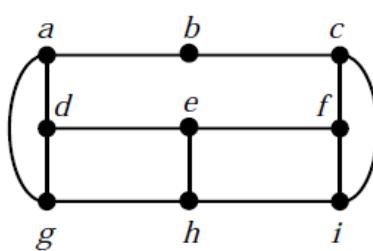
.۲



.۱



.۴



.۳

**۴۱- کدامیک از گزینه های زیر صحیح نیست؟**

۱. در گراف ساده اگر برای هر راس از گراف  $\deg(v) \geq (n-1)/2$  برقرار باشد، آنگاه گراف دارای مسیر همیلتونی است.
۲. اگر درجه هر راس از گرافی حداقل  $n/2$  باشد، آنگاه گراف دور همیلتونی دارد.
۳. اگر در گرافی  $|E| + |V| = 2$  باشد، آنگاه گراف حتماً مسطح است.
۴. اگر گرافی ساده، همبند و مسطح با حداقل ۳ راس موجود باشد، در این صورت  $3|V| - 6 \leq |E| \leq 3|V| - 1$  خواهد بود.

**۴۲- گرافی شامل یک راس از درجه ۵، ۲ راس از درجه ۳ و ۶ راس از درجه ۲ و  $n$  راس از درجه ۱ است. اگر در این گراف  $|V| - 1 = |E|$  باشد، تعداد راسهای درجه ۱ در این گراف برابر است با:**

۷ .۴

۲ .۳

۳ .۲

۵ .۱

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

سری سوال: ۱ یک

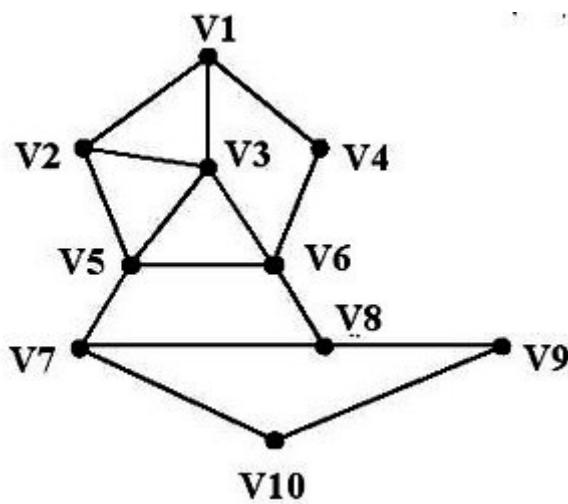
عنوان درس: ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمنهای گسسته، مبانی ترکیبیات

رشته تحصیلی/ گد درس: علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۱۰۴ - ، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر(چندبخشی)، علوم کامپیوتر(چندبخشی)، مهندسی فناوری اطلاعات

(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی)

۱۱۱۵۰۶۷ - ، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

-۲۳ با استفاده از جستجوی اول عمق، درخت فراگیر، گراف مقابل با شروع از راس  $v_1$ ، به چه ترتیبی گره ها را پیمایش خواهد نمود؟



V1, V2, V3, V5, V6, V4, V8, V7, V10, V9 .۲

V1, V2, V3, V4, V5, V6, V7, V8, V9, V10 .۱

V1, V2, V4, V3, V6, V5, V10, V9, V8, V7 .۴

V1, V2, V4, V3, V6, V5, V8, V7, V9, V10 .۳

$$\begin{aligned} a_n &= 7a_{n-1} \\ a_0 &= 1 \end{aligned} \quad \text{حل رابطه بازگشتی} \quad -۴۴$$

در کدام گزینه قرار گرفته است؟

$$a_n = 7^n . ۴$$

$$a_n = 7^{n-1} + 2 . ۳$$

$$a_n = 7^n + 2n . ۲$$

$$a_n = 7^n + 2 . ۱$$

$$\begin{aligned} a_n &= 6a_{n-1} - 11a_{n-2} + 6a_{n-3} \\ a_0 &= 2, a_1 = 5, a_2 = 15 \end{aligned} \quad \text{حل رابطه} \quad -۴۵$$

در کدام گزینه نشان داده شده است؟

$$a_n = 1 - 2^n + 2(3)^n . ۲$$

$$a_n = 2^n + 3^n . ۱$$

$$a_n = 1 - 3(2)^n + 2(3)^n . ۴$$

$$a_n = 3(2)^n + 2(3)^n . ۳$$

### سوالات تشریحی

۱،۴۰ نمره- با استفاده از برهان خلف نشان دهید اگر  $3n+2$  فرد باشد، آنگاه  $n$  نیز فرد است.۱،۴۰ نمره

- اگر  $P$  و  $q$  اعداد اول متمایز باشند و  $m$  و  $n$  اعداد صحیح متمایز باشند، چه تعداد یال در نمودار هاس  $(l, k)$  (رابطه عاد کردن) که در آن  $p^m q^n$  است، وجود خواهد داشت؟ نمودار هاس مربوط به  $p^2 q^4$  را رسم نمایید.

تعداد سوالات: تستی: ۲۵ تشریحی: ۵

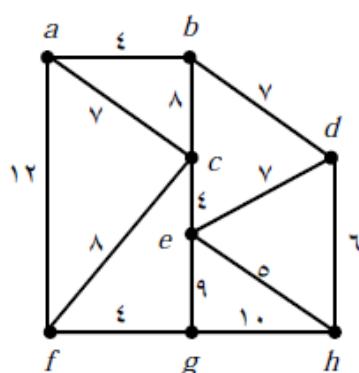
سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

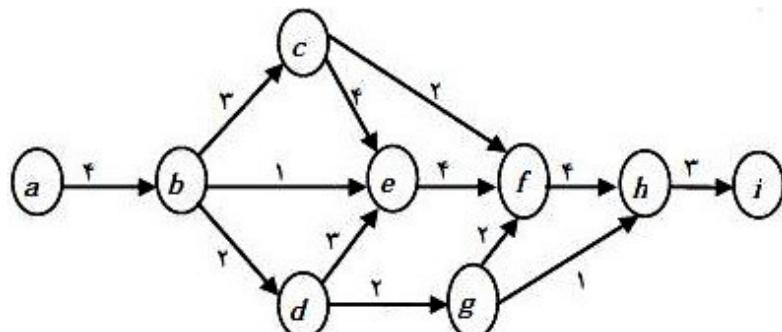
**عنوان درس:** ریاضیات گسسته، ساختمان گسسته، ساختمانهای گسسته، مبانی ترکیبیات  
**رشته تحصیلی/گد درس:** علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، آمار و کاربردها، علوم کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی فناوری اطلاعات (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار)، مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر - نرم افزار (چندبخشی)  
 ۱۱۱۵۰۶۷ - ، مهندسی فناوری اطلاعات ۱۱۱۵۱۳۷ - ، مهندسی مدیریت اجرایی ۱۱۱۵۱۹۶

۱۴۰ نمره

۳- با استفاده از الگوریتم کروسکال درخت فراگیر مینیمم گراف زیر را به دست آورید:

۱۴۰ نمره

۴- با استفاده از الگوریتم دیجکسترا کوتاهترین مسیر بین دو راس a و i را در گراف زیر پیدا کنید:

۱۴۰ نمره۵- درخت m تایی کامل  $T_m$  به عمق n را در نظر بگیرید. رابطه ای بازگشتی برای محاسبه تعداد رؤوس  $T_m$  نوشته و آن را حل نمایید.