

سوی سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** مبانی منطق و نظریه مجموعه ها، منطق، منطق ریاضی  
**رشته تحصیلی / گد درس:** ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۰۵۷ -، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۳۰ -، ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۱۳۸۳ -، علوم کامپیوتر ۱۱۱۵۱۷۳ -، علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۵۱۷۳

-۱ اگر دو مجموعه مجازی  $A$  و  $B$  به ترتیب دارای کاردینالهای  $\kappa$  و  $\lambda$  باشند آنگاه  $card(A \cup B)$  عبارت است از

۱. ۴  $\lambda\kappa$ ۳. ۳  $\lambda + \kappa$ ۲. ۲  $\kappa$ ۱. ۱  $\lambda$ 

-۲ تعداد نمادهای رابط جمله ای چند تا است؟

۴. ۴ ۵

۳. ۳ ۴

۲. ۲ ۳

۱. ۱ ۲

-۳ کدامیک از عبارتهای زیر یک ف. د. س. است؟

۴. ۴  $(A_1 \rightarrow A_2)$ ۳. ۳  $A_1 \rightarrow A_2$ ۲. ۲  $(A_1 \rightarrow A_2) \cdot (A_1 \rightarrow A_3)$ ۱. ۱  $A_1 \rightarrow \wedge A_2$ 

-۴ طول ف. د. س. کدامست؟

۴. ۴ ۹

۳. ۳ ۶

۲. ۲ ۴

۱. ۱ ۲

-۵ اگر تعداد موضعهایی که رابطهای دوتایی  $\wedge$ ،  $\vee$ ،  $\rightarrow$  و  $\leftrightarrow$  در ف. د. س. ظاهر می شوند برابر ۷ باشد در این صورت تعداد موضعهایی که نمادهای جمله ای در آن ظاهر می شوند برابر است با:

۴. ۴ ۹

۳. ۳ ۸

۲. ۲ ۷

۱. ۱ ۶

-۶ فرض کنید  $U$  مجموعه اعداد حقیقی و  $S(x) = x+1$  باشد. در این صورت  $C$  به صورت  $B = \{0\}$  و عمل  $S$  باشد. در این صورت  $C$  عبارت است از:

۴. ۴  $R$ ۳. ۳  $Z$ ۲. ۲  $N \cup \{0\}$ ۱. ۱  $N$ 

-۷ فرض کنید  $C$  از مجموعه  $B = \{a, b\}$  با عمل دوتایی  $f$  و عمل یک تایی  $g$  پدید آمده باشد. در این صورت  $C_2$  چند عضو دارد؟

۴. ۴ ۸

۳. ۳ ۶

۲. ۲ ۴

۱. ۱ ۲

-۸ ارزش ف. د. س.  $((P \rightarrow Q) \rightarrow P) \rightarrow P$  همواره برابر است با:

۴. ۴  $T$ ۳. ۳  $F$ 

۲. ۲ ارزش

۱. ۱ ارزش

-۹ طبق قضیه یگانه خوانی، پنج عمل فرمول ساز وقتی به مجموعه ف. د. س. ها محدودمی شوند آنگاه

۲. پوشانه استند.

۱. یک به یک هستند.

۴. دارای برد یکسان هستند.

۳. دو سویی هستند.

سوی سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** مبانی منطق و نظریه مجموعه ها، منطق، منطق ریاضی  
**رشته تحصیلی / گد درس:** ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۰۵۷ - ، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۳۰ - ، ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۱۳۸۳ - ، علوم کامپیوتر، علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۵۱۷۳

۱۰- ف. د. س. معادل است با:  $A \wedge B \rightarrow \neg C \vee D$ 

$((A \wedge B) \rightarrow ((\neg C) \vee D)) . ۲$

$((A \wedge B) \rightarrow (\neg(C \vee D))) . ۱$

$((((A \wedge B) \rightarrow (\neg C)) \vee D) . ۴$

$(A \wedge (B \rightarrow (\neg C)) \vee D) . ۳$

۱۱- کدامیک از مجموعه های زیر تمام نیست؟

$\{\neg, \rightarrow\} . ۴$

$\{\wedge, \leftrightarrow\} . ۳$

$\{\downarrow\} . ۲$

$\{\neg, \wedge\} . ۱$

۱۲- تاخیر ف. د. س. کدام است؟  $((A \vee (\neg B)) \rightarrow (B \wedge C))$ 

$۴ . ۴$

$۳ . ۳$

$۲ . ۲$

$۱ . ۱$

۱۳- کدامیک از عبارتهای زیر معادل جمله &lt;هر عدد طبیعی غیر صفر تالی یک عدد است&gt;&lt; می باشد؟

$\forall v_1(v_1 \approx 0 \rightarrow \exists v_2 v_1 \approx S v_2) . ۱$

$\forall v_1(v_1 \neq 0 \rightarrow \exists v_2 v_1 \approx S v_2) . ۲$

$\forall v_1(\neg \approx v_1 0 \rightarrow (\neg \forall v_2(\neg \approx v_1 S v_2))) . ۳$

$\forall v_1(\approx v_1 0 \rightarrow (\neg \forall v_1(\approx v_1 S v_2))) . ۴$

۱۴- کدام یک از گزینه های زیر درست است؟

$\forall y \exists x Pxy \models \exists x \forall y Pxy . ۲$

$\exists x \forall y Pxy \not\models \forall y \exists x Pxy . ۱$

$\forall v_1 Qv_1 \models Qv_2 . ۴$

$Qv_1 \models \forall v_1 Qv_1 . ۳$

۱۵- اگر  $f$  یک نماد تابعی  $n$  موضعی باشد آنگاه

$K(f)=0 . ۴$

$K(f)=1 . ۳$

$K(f)=-n . ۲$

$K(f)=1-n . ۱$

۱۶- اگر  $\alpha'$  یک قطعه آغازی سره از ف. د. س.  $\alpha'$  باشد آنگاه

$K(\alpha') < 1 . ۴$

$K(\alpha') = -1 . ۳$

$K(\alpha') = 0 . ۲$

$K(\alpha') = 1 . ۱$

سوی سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** مبانی منطق و نظریه مجموعه ها، منطق، منطق ریاضی  
**رشته تحصیلی / گد درس:** ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۱۳۳۰ - علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۸۳ - ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۱۳۸۳ - علوم کامپیوتر ۱۱۱۵۱۷۳ - علوم کامپیوتر (چندبخشی) ۱۱۱۵۱۷۳

۱۷- کدام یک از گزینه های زیر جزء اصول منطقی نمی باشد؟

۱. توتولوژیها

$$\forall x(\alpha \rightarrow \beta) \rightarrow (\forall x\alpha \rightarrow \forall x\beta) \quad .2$$

$$\forall x\alpha \rightarrow \forall x\alpha \quad .3$$
 که در آن  $x$  در  $\alpha$  آزاد نیست.

$$\alpha_t^x \rightarrow \forall x\alpha \quad .4$$
 که  $t$  می تواند جایگزین  $X$  در  $\alpha$  باشد.

۱۸- اگر  $\Gamma \vdash \neg \varphi$  و  $X$  در هیچ فرمولی در  $\Gamma$  آزاد نباشد، آنگاه

$$\Gamma \vdash \exists x\varphi \quad .4$$

$$\Gamma \vdash \neg \forall x\varphi \quad .3$$

$$\Gamma \vdash \neg \forall x(\neg \varphi) \quad .2$$

$$\Gamma \vdash \neg \forall x\varphi \quad .1$$

۱۹- در استدلال  $\Gamma; \varphi \vdash \neg \psi \Rightarrow \Gamma \vdash (\varphi \rightarrow \psi)$  از کدام قاعده زیر استفاده شده است؟

۴. قضیه تعمیم

۳. قاعده عکس نقیض

۲. قضیه استنتاج

۱. قاعده  $T$ 

۲۰- قضیه تمامیت گودل معادل کدام گزینه زیر است؟

۲. اگر  $\Gamma \vdash \varphi$  ارضاعیتی باشد آنگاه  $\Gamma$  سازگار است.۱. اگر  $\Gamma \vdash \varphi$  سازگار باشد آنگاه  $\Gamma = \Gamma$ 

$$\Gamma \vdash \neg \varphi \quad \Gamma \vdash \varphi \quad .4$$
 آنگاه

$$\Gamma \vdash \varphi \quad \Gamma \vdash \neg \varphi \quad .3$$
 آنگاه

### سوالات تشریحی

۱.۴۰ نمره

-۱- فرض کنید  $U$  مجموعه عبارتها و  $B \subseteq U$  یک مجموعه آغازین باشد. در صورتیکه  $C^*$  اشتراک همه زیر مجموعه های استفرایی  $U$  و  $C^*$  شامل همه چیزها بی باشد که بتوانند از  $B$  با عمل دوتایی  $f$  و عمل یک

$$C^* = C_*^{\circ} \quad .5$$
 تابی به دفعاتی متناهی بدست آید، در این صورت نشان دهید:

۲.۴۰ نمره

۲- نشان دهید که اگر  $\tau = \sum_0 \tau_i$ ، آنگاه یک زیر مجموعه متناهی از  $\sum_0$  وجود دارد به طوریکه

$$\cdot \Sigma_0 \models \tau$$

۳.۴۰ نمره

۳- متغیر آزاد را بصورت بازگشته تعریف کنید و یک مثال برای آن بیاورید.

سوی سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: مبانی منطق و نظریه مجموعه ها، منطق، منطق ریاضی

رشته تحصیلی / گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۰۵۷ - علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۳۰ - ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۱۳۸۳ - علوم کامپیوتر ۱۱۱۵۱۷۳ (چندبخشی)

۱.۴۰ نمره -۴ فرض کنید  $s_1$  و  $s_2$  توابعی از  $\mathcal{A}$  در  $V$  باشند که به ازای همه متغیرهایی (در صورت وجود) که در ف. د.

$\Phi$  آزادند، هم مقدار باشند. نشان دهید که

$$=_{\mathcal{A}} \Phi[s_2] \Leftrightarrow =_{\mathcal{A}} \Phi[s_1]$$

۱.۴۰ نمره -۵ نشان دهید برای هر ترم  $t$ ،  $K(t) = 1$ .