

کارشناسی

حضرت علی(ع): دانش راهبر نیکویی برای ایمان است

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۴

عنوان درس: مکانیک آماری

رشته تحصیلی/کد درس: فیزیک (هسته ای)، فیزیک (اتمی و مولکولی)، فیزیک (حالت جامد) ۱۱۳۰۳۰

سوالات تشریحی

نمره ۱.۷۵

-۱ حل

احتمال آن که یک ذره در یک بخش معین جعبه جای گیرد برابر حجم نسبی آن است، یعنی $p = \frac{V_1}{V}$ بنابراین:

$$W = \frac{n!}{n_1!(n-n_1)!} p^{n_1} (1-p)^{n-n_1} = \frac{n!}{n_1!(n-n_1)!} \left(\frac{V_1}{V}\right)^{n_1} \left(\frac{V_2}{V}\right)^{n-n_1}$$

$$\bar{n}_1 = np = n \frac{V_1}{V}, \quad \bar{n}_2 = n(1-p) = n \frac{V_2}{V}$$

نمره ۱.۷۵

-۲ حل:

$$\varepsilon_l = \frac{\hbar^2}{2I} l(l+1)$$

$$T \gg \frac{\hbar^2}{k_B I}$$

ترازهای انرژی دورانی مولکولی گاز بسیار به هم نزدیک اند. بنابراین در دمای بالا، یعنی در

$$z_r = \int_0^\infty (2l+1) e^{-\frac{\hbar^2}{2Ik_B T} l(l+1)} dl = \frac{2Ik_B T}{\hbar^2}$$

بنابراین

$$U = Nk_B T^2 \frac{\partial}{\partial x} \ln \left(\frac{2Ik_B T}{\hbar^2} \right) = Nk_B T$$

نمره ۱.۷۵

-۳ حل

$$\Xi = 1 + e^{\beta(\mu - \varepsilon)}$$

$$\bar{N} = \frac{\partial (k_B T \ln \Xi)}{\partial \mu} = \frac{e^{\beta(\mu - \varepsilon)}}{1 + e^{\beta(\mu - \varepsilon)}}$$

$$S = \frac{\partial (k_B T \ln \Xi)}{\partial T} = k_B \ln(1 + e^{\beta(\mu - \varepsilon)}) + \frac{\varepsilon - \mu}{T} \frac{e^{\beta(\mu - \varepsilon)}}{1 + e^{\beta(\mu - \varepsilon)}}$$

نمره ۱.۷۵

-۴ حل

$$dS = 0 \Rightarrow dU = TdS - PdV = -PdV,$$

$$U = 3PV \Rightarrow dU + PdV = 0 \Rightarrow 4 \frac{dV}{V} + 3 \frac{dP}{P} = 0 \Rightarrow PV^{\frac{4}{3}} = \text{constant}$$