

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضیات، ریاضیات ۱

رشته تحصیلی/ کد درس: مهندسی شهرسازی ۱۱۱۱۳۷۲ - ، مهندسی شهرسازی ۱۱۱۱۴۷۱

۱- مقدار متوسط  $f(x) = x^2$  روی فاصله  $[0,1]$  برابر کدام است؟

$\frac{2}{5} \cdot ۴$

$\frac{2}{3} \cdot ۳$

$\frac{1}{3} \cdot ۲$

$\frac{1}{2} \cdot ۱$

۲- انتگرال  $\int x \sin x dx$  برابر کدام گزینه است؟

$x \sin x - \sin x + c \cdot ۴$

$x \sin x + \cos x + c \cdot ۳$

$x \cos x - \cos x + c \cdot ۲$

$-x \cos x + \sin x + c \cdot ۱$

۳- مقدار حد  $\lim_{x \rightarrow 4} \frac{x-4}{\sqrt{x}-2}$  برابر کدام گزینه است؟

$2 \cdot ۴$

$4 \cdot ۳$

$\frac{1}{4} \cdot ۲$

$\frac{1}{2} \cdot ۱$

۴- فرض کنید  $f(x) = \begin{cases} 2x^2 + 1 & x > 1 \\ 5x^3 + x & x \leq 1 \end{cases}$  باشد. مقدار  $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  برابر کدام گزینه است؟

۴. وجود ندارد.

$4 \cdot ۳$

$3 \cdot ۲$

$6 \cdot ۱$

۵- مقدار حد  $\lim_{x \rightarrow 3^+} \frac{\sqrt{9-x^2}}{3-x}$  برابر کدام گزینه است؟

$-\infty \cdot ۴$

$\sqrt{6} \cdot ۳$

$6 \cdot ۲$

$+\infty \cdot ۱$

۶- معادله دایره  $(x-a)^2 + y^2 = a^2$  در مختصات قطبی کدام است؟

$r = 2a \sin \theta \cdot ۴$

$r = 2a \cos \theta \cdot ۳$

$r = a \sin \theta \cdot ۲$

$r = a \cos \theta \cdot ۱$

۷- شیب خط قائم بر منحنی  $y = \frac{1}{1+x^2}$  در نقطه‌ی  $x=1$  برابر کدام گزینه است؟

$-\frac{1}{2} \cdot ۴$

$-2 \cdot ۳$

$2 \cdot ۲$

$\frac{1}{2} \cdot ۱$

۸- به ازای کدام مقادیر  $a$  و  $b$  تابع  $f(x) = \begin{cases} ax^2 & x \geq 2 \\ 8x+b & x < 2 \end{cases}$  مشتق پذیر است؟

$a=4, b=2 \cdot ۴$

$a=-2, b=6 \cdot ۳$

$a=2, b=-8 \cdot ۲$

$a=4, b=-6 \cdot ۱$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضیات، ریاضیات ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: مهندسی شهرسازی ۱۱۱۱۳۷۲ - ، مهندسی شهرسازی ۱۱۱۱۴۷۱

$$-9 \quad \text{اگر } y' = \frac{dy}{dx} \text{ برابر کدام است؟}$$

$$y' = \frac{x \sin x + \cos y}{y \cos x + \sin x} \quad .\cdot 2$$

$$y' = \frac{y \sin x + x \cos y}{y \cos x + x \sin y} \quad .\cdot 1$$

$$y' = \frac{y \sin x - \sin y}{x \cos y + \cos x} \quad .\cdot 4$$

$$y' = \frac{x \sin y + \cos y}{x \cos x - \cos x} \quad .\cdot 3$$

$$-10 \quad \text{اگر } x \text{ باشد، آن گاه } f^{-1}(2) \text{ برابر کدام است؟}$$

$$\frac{1}{8} \quad .\cdot 4$$

$$\frac{1}{6} \quad .\cdot 3$$

$$\frac{1}{5} \quad .\cdot 2$$

$$\frac{1}{4} \quad .\cdot 1$$

$$-11 \quad \text{تابع } f(x) = x^3 - \frac{3}{2}x^2 \text{ را در بازه } [-1, 2] \text{ در نظر بگیرید. کدام گزینه درست است؟}$$

۱.  $f$  در  $x=0$  دارای یک ماکسیمم نسبی است.

۲.  $f$  در  $x=3$  دارای یک مینیمم نسبی است.

۳.  $f$  در  $x=1$  دارای یک ماکسیمم نسبی است.

$$-12 \quad \text{مشتق تابع } y = \cos^4 x \text{ کدام است؟}$$

$$y' = 4 \cos^3 x \sin x \quad .\cdot 4$$

$$y' = 4 \cos x \sin^3 x \quad .\cdot 3$$

$$y' = -4 \sin x \cos^3 x \quad .\cdot 2$$

$$y' = -4 \sin^3 x \quad .\cdot 1$$

$$-13 \quad \text{مقدار انتگرال } I = \int_0^{\frac{\pi}{2}} \sin^3 x dx \text{ برابر کدام است؟}$$

$$4 \quad .\cdot 4$$

$$\frac{3}{5} \quad .\cdot 3$$

$$\frac{2}{3} \quad .\cdot 2$$

$$\frac{1}{4} \quad .\cdot 1$$

$$-14 \quad \text{انتگرال نامعین } I = \int \frac{\cos \sqrt{x}}{\sqrt{x}(1+\sin \sqrt{x})} dx \text{ برابر کدام گزینه است؟}$$

$$Ln(\sqrt{x} + \sin \sqrt{x}) + c \quad .\cdot 2$$

$$Ln(1 + \cos \sqrt{x}) + c \quad .\cdot 1$$

$$Ln(1 + \cos \sqrt{x})^2 + c \quad .\cdot 4$$

$$Ln(1 + \sin \sqrt{x})^2 + c \quad .\cdot 3$$

$$-15 \quad \text{برای حل انتگرال } \int \frac{dx}{(5-x^2)^{3/2}} \text{ کدام تغییر متغیر مناسب است؟}$$

$$x = \sqrt{5} \sin \theta \quad .\cdot 4$$

$$x = 5 \cos \theta \quad .\cdot 3$$

$$x = \sqrt{5} \sec \theta \quad .\cdot 2$$

$$x = \sqrt{5} \tan \theta \quad .\cdot 1$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضیات، ریاضیات ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: مهندسی شهرسازی ۱۱۱۱۳۷۲ - ، مهندسی شهرسازی ۱۱۱۱۴۷۱

۱۶- مختصات قطبی  $A(-1,1)$  کدام گزینه است؟

$(2, \frac{5\pi}{4})$

$(\sqrt{2}, \frac{3\pi}{4})$

$(\sqrt{2}, \frac{\pi}{4})$

$(2, \frac{\pi}{4})$

۱۷- معادله قطبی  $y = x^2$  کدام است؟

$r = \cos \theta \tan \theta$

$r = \cos \theta \sin \theta$

$r = \cot \theta \csc \theta$

$r = \tan \theta \sec \theta$

۱۸- مشتق تابع  $y = \ln(\sin x)$  کدام است؟

$y' = \cot x$

$y' = -\tan x$

$y' = -\cos x$

$y' = e^{\sin x}$

۱۹- عبارت  $A = \frac{5+4i}{3-i}$  برابر کدام عدد مختلط است؟

$\frac{3}{14} + \frac{5}{14}i$

$\frac{7}{10} + \frac{9}{10}i$

$\frac{3}{5} + \frac{7}{5}i$

$\frac{11}{10} + \frac{17}{10}i$

۲۰- فرض کنید  $z = 1 - i$  باشد.  $Arg(z) = 1 - i$  برابر کدام است؟

$\frac{11\pi}{4}$

$\frac{7\pi}{4}$

$\frac{5\pi}{4}$

$\frac{3\pi}{4}$

### سوالات تشریحی

نمره ۱،۴۰حاصل  $\lim_{x \rightarrow 0} x \left[ \frac{1}{x} \right]$  را به دست آورید.نمره ۱،۴۰۲- مشتق پذیری تابع  $f(x) = |x^2 - 2x|$  را در نقطه  $x_0 = 2$  تعیین کنید.نمره ۱،۴۰۳- شیب خط مماس بر منحنی  $2xy^3 + 3x^2y - 4x - 1 = 0$  در نقطه  $A(1,1)$  را به دست آورید.نمره ۱،۴۰۴- انتگرال  $I = \int e^x \cos x dx$  را حل کنید.نمره ۱،۴۰۵- مساحت محصور به نمودار توابع  $y = x^4 - x^2$  و  $y = x^2$  را محاسبه کنید.

شماره سوال	پاسخ صحیح	وضعیت کلید
1	ب	عادی
2	الف	عادی
3	ج	عادی
4	د	عادی
5	الف	عادی
6	ج	عادی
7	ب	عادی
8	ب	عادی
9	د	عادی
10	ج	عادی
11	الف	عادی
12	ب	عادی
13	ب	عادی
14	ج	عادی
15	د	عادی
16	ج	عادی
17	الف	عادی
18	د	عادی
19	الف	عادی
20	ج	عادی

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: ریاضیات، ریاضیات ۱

رشته تحصیلی/گد درس: مهندسی شهرسازی ۱۱۱۱۳۷۲ - ، مهندسی شهرسازی ۱۱۱۱۴۷۱

### سوالات تشریحی

نمره ۱،۴۰

۱- مثال ۲۱-۴-۲ قسمت (۱) صفحه ۹۵

نمره ۱،۴۰

۲- مثال ۱۶-۱-۳ قسمت (۱) صفحه ۱۸۶

نمره ۱،۴۰

۳- مثال ۱۶-۳-۳ قسمت (۱) صفحه ۲۳۱ و ۲۳۲

نمره ۱،۴۰

۴- مثال ۵-۱-۸ صفحه ۴۳۵

نمره ۱،۴۰

۵- مثال ۴-۱-۱۰ صفحه ۴۷۵ و ۴۷۶