

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۱۵ تشریحی: ۳

عنوان درس: آمار حیاتی

رشته تحصیلی/ گد درس: مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی (بیوالکترونیک) ۱۳۸۰۳۳

استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است

۱- ۳ خرگوش و ۲ موش را به طور تصادفی در قفس قرار می‌دهیم. احتمال اینکه خرگوشها کنار هم قرار گیرند چقدر است؟

۴۸. ۴

۱۲۰. ۳

۳۶. ۲

۲۴. ۱

۲- اگر  $P(A \cup B) = 0.2$  و  $P(A) = 0.3$  و  $P(B) = 0.7$  باشد، مقدار  $P(A | B)$  برابر است با:

۰.۸۶. ۴

۰.۱۴. ۳

۰.۵۵. ۲

۰.۴۵. ۱

۳- با استفاده از اطلاعات زیر حدپایین برآورد تفاضل میانگین‌های دو جامعه کدام است؟

$$\bar{X}_1 = 6.5, S_1^2 = 1, n_1 = 16, \bar{X}_2 = 6, S_2^2 = 1, n_2 = 25, Z_{0.025} = 1.96$$

۱.۴۵۷۲. ۴

-۰/۱۷۸۵. ۳

۱.۵۴۷. ۲

-۰/۱۲۷۵. ۱

۴- تابع احتمال به صورت زیر تعریف شده است ( $E(X^2)$  چقدر است؟)

$x$	-1	0	1	2
$f(x)$	0.۳	0.۳	?	0.۱

۰.۸. ۴

۰.۳. ۳

۰.۲. ۲

۱. ۱

۵- اگر  $X_1, X_2, \dots, X_{100}$  نمونه‌های تصادفی از جامعه‌ای با میانگین ۲۰۰ و واریانس ۴۰۰ باشد آنگاه  $V(\bar{X})$  چقدر است؟

۰.۲۵. ۴

۰.۵. ۳

۲. ۲

۴. ۱

۶- برای توزیع احتمال زیر  $P(0 < X \leq 2)$  چقدر است؟

$x$	0	1	2	3
$f(x)$	0.۳	0.۴	?	0.۱

۰.۵. ۴

۰.۹. ۳

۰.۴. ۲

۰.۶. ۱

۷- احتمال‌های زیر برای دو پیشامد  $A, B$  داده شده است:  $P(A \cap B') = 0.5, P(B) = 0.25, P(A | B) = \frac{1}{3}$  احتمال  $P(A)$  چقدر است؟ $\frac{1}{12}. ۴$  $\frac{5}{12}. ۳$  $\frac{7}{12}. ۲$  $\frac{1}{3}. ۱$ ۸- اگر متغیر تصادفی  $X$  دارای توزیع پواسن با میانگین ۳ باشد  $P(X = 0)$  برابر است با: $3e^3. ۴$  $e^{-3}. ۳$  $e^3. ۲$  $3e^{-3}. ۱$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۱۵ تشریحی: ۳

عنوان درس: آمار حیاتی

رشته تحصیلی/ گد درس: مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی (بیوالکتریک) ۱۳۱۸۰۳۳

۹- برای بررسی این ادعا که میانگین طول بال حشرات خانگی حداقل  $\frac{3}{5}$  میلی متر است. میانگین یک نمونه تصادفی ۲۵ تایی از حشرات برابر با  $\frac{3}{65}$  می باشد. اگر بدانیم انحراف استاندارد طول بال این جامعه از حشرات  $\pm 0.4$  باشد. آماره آزمون کدام است؟

۳/۷۵۱ .۴

۰/۳۷۵ .۳

۹/۳۷۵ .۲

۱/۸۷۵ .۱

۱۰- اثر سه نوع ویتامین A, B, C بر روی اضافه وزن ۶ خرگوش برای هر ویتامین مورد ارزیابی قرار گرفته و جدول تحلیل واریانس زیر بدست آمده است. مقدار y کدام است?

منبع تغیرات	SS	df	MS	F
B بین نمونه ها	۱۰	y	?	?
E میان نمونه ها (خطا)	?	?	Z	
کل T	۴۸	۱۷		

۵ .۴

۱۵ .۳

۳ .۲

۲ .۱

۱۱- اثر سه نوع ویتامین A, B, C بر روی اضافه وزن ۶ خرگوش برای هر ویتامین مورد ارزیابی قرار گرفته و جدول تحلیل واریانس زیر بدست آمده است. مقدار Z چقدر است?

منبع تغیرات	SS	df	MS	F
B بین نمونه ها	۱۰	y	?	?
E میان نمونه ها (خطا)	?	?	Z	
کل T	۴۸	۱۷		

۱/۶۷ .۴

۲ .۳

۱ .۲

۱/۵ .۱

۱۲- در جدول زیرمجموعه انحراف از میانگین کدام است؟

۵	۴	۳	۲	۱	X مرکز طبقه
۱۵	۱۵	۳۵	۲۵	۱۰	Y فراوانی مطلق

۱/۸۷ .۴

۲/۳ .۳

۲/۴۵ .۲

۱ . صفر

۱۳- بر اساس داده های جدول زیر شبیه خط رگرسیونی b برابر است با :

۹	۷	۵	X
۳	۴	۶	Y

-2.75 .۴

-2 .۳

-0.75 .۲

-1 . ۱

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۱۵ تشریحی: ۳

عنوان درس: آمار حیاتی

رشته تحصیلی/ گد درس: مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی (بیوالکتریک) ۱۳۱۸۰۳۳

-۱۴ در یک نمونه به حجم  $n=64$ ،  $n=64$  نفر از دانشجویان متاهل هستند. یک فاصله اطمینان ۹۹ درصد برای نسبت دانشجویان متاهل چقدر است؟ (عدد جدول =  $\frac{2}{5}8=2/58$ )

۰.۳۷۹ ، ۰.۳۷۹ .۴

۰.۴۷۹ ، ۰.۴۷۹ .۳

۰.۵۸۱ ، ۰.۵۸۱ .۲

۰.۷۸۱ ، ۰.۷۸۱ .۱

-۱۵ برای آزمون  $H_0: \mu = 30$  در برابر فرض مقابل آن یک نمونه تصادفی به اندازه ۲۵ از جامعه نرمال انتخاب شده است. میانگین نمونه ای ۳۲.۸ و واریانس نمونه ای ۲۰ است. آماره آزمون برابر است با:

۰.۷ .۴

۲.۷۷ .۳

۱.۸۳ .۲

۳.۱۳ .۱

### سوالات تشریحی

۱ برای دو متغیر وابسته ( $y$ ) و مستقل ( $x$ ) نتایج زیر بدست آمده است:

$$n = 5 \quad , \quad \sum_{i=1}^5 x_i = 423 \quad , \quad \sum_{i=1}^5 x_i^2 = 36221 \quad ,$$

$$\sum_{i=1}^5 y_i = 405 \quad , \quad \sum_{i=1}^5 x_i y_i = 34708$$

الف) معادله خط رگرسیونی را بدست آورید  
ب) ضریب همبستگی بین دو متغیر را محاسبه کنید.

۲ برای مقایسه یکسان بودن اثر دو نوع علوفه A و B بر میانگین اضافه وزن گاوها، به ۱۰ گاو از علوفه از نوع A و به ۱۴ گاو از علوفه از نوع B داده شده و نتایج زیر مربوط به اضافه وزن آنها در جدول زیر خلاصه شده است:

$S_1^2 = 7.1$	$\bar{x}_1 = 20.3$	$n_1 = 10$	A
$S_2^2 = 5.1$	$\bar{x}_2 = 18.21$	$n_2 = 14$	B

فرضیه مقایسه یکسان بودن میانگین اثر دو نوع علوفه (A) و (B) را با فرض برابری واریانس های دو

جامعه در سطح ۵ درصد آزمون کنید؟

(عدد جدول =  $2.0739$ )

۳ در جدول فراوانی زیر میانگین، واریانس و میانه کدام است؟

۲۶-۲۲	۲۲-۱۸	۱۸-۱۴	۱۴-۱۰	رد ها
۹	۱۵	۱۶	۱۰	فراوانی مطلق

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۱۵ تشریحی: ۳

عنوان درس: آمار حیاتی

رشته تحصیلی/گد درس: مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی (بیوالکتریک) ۱۳۱۸۰۳۳

$$Md = L_{0,5} + \frac{\frac{n}{2} - cf_{i-1}}{f_i} W \quad M_0 = L_{m0} + \frac{d_1}{d_1 + d_2} W$$

$$f(x) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x} \quad x = 0, 1, 2, \dots, n$$

$$f(x) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^x}{x!} \quad x = 0, 1, 2, \dots$$

$$(\hat{p}_1 - \hat{p}_2) - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_1(1-\hat{p}_1)}{n_1} + \frac{\hat{p}_2(1-\hat{p}_2)}{n_2}} < (p_1 - p_2) < \hat{p}_1 - \hat{p}_2 + z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_1(1-\hat{p}_1)}{n_1} + \frac{\hat{p}_2(1-\hat{p}_2)}{n_2}}$$

$$(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}} < \mu_1 - \mu_2 < (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) + z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}$$

$$s_p^2 = \frac{(n_1 - 1)s_1^2 + (n_2 - 1)s_2^2}{n_1 + n_2 - 2} \quad T = \frac{\hat{p} - p_0}{\sqrt{\frac{p_0(1-p_0)}{n}}}$$

$$SST = SST_r + SSW \quad \hat{\alpha} = \bar{y} - \hat{b}\bar{x}$$

$$\hat{b} = \frac{n \sum x_i y_i (\sum x_i)(\sum y_i)}{n \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2} \quad r = \frac{n \sum x_i y_i - (\sum x_i)(\sum y_i)}{\sqrt[n]{n \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2} \sqrt[n]{n \sum y_i^2 - (\sum y_i)^2}}$$

$$Q_p = (1-w)x_r + w x_r \quad c = \frac{R}{k} \quad Q_p = L_p + \frac{(np - F_p)}{f_p} \times c$$

$$\bar{x} = \frac{\sum_{i=1}^k f_i m_i}{n} \quad P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \quad P(A | B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۱۵ تشریحی: ۳

عنوان درس: آمار حیاتی

روش تحصیلی/گد درس: مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی (بیوالکتریک) ۱۳۱۸۰۳۳

$$E(x) = \sum_x x p_x(x) \quad \sigma_{\hat{p}} = \sqrt{\frac{\hat{P}(1-\hat{P})}{n}} \quad P(X=x) = \frac{e^{-\lambda} (\lambda)^x}{x!} \quad x=0, 1, \dots$$

$$\bar{x} \pm \left( \frac{S}{\sqrt{n}} \cdot t_{\frac{\alpha}{2}} \right) \quad P\left(\hat{P} - (Z_{\frac{1-\alpha}{2}}) \times \sqrt{\frac{\hat{P}(1-\hat{P})}{n}} < P < \hat{P} + (Z_{\frac{1-\alpha}{2}}) \times \sqrt{\frac{\hat{P}(1-\hat{P})}{n}}\right) = 1 - \alpha$$

$$f(x) = P(X=x) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x} \quad x=0, 1, \dots, n \quad E(X) = np \\ Var(X) = np(1-p)$$

$$(\bar{x} - \bar{y}) \pm t_{\left(1 - \frac{\alpha}{2}, n_1 + n_2 - 1\right)} S_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}} \quad S_p^r = \frac{(n_1 - 1)S_x^r + (n_2 - 1)S_y^r}{n_1 + n_2 - 2}$$

$$\bar{X} = \frac{\sum x_i}{n} \quad \bar{X} = \frac{\sum f_i x_i}{n}$$

$$md = L_{0/\Delta} + \frac{\frac{n}{r} - cf_i - 1}{f_i} w \quad M.D = \frac{\sum f_i |x_i - \bar{x}|}{n}$$

$$CV = \frac{S}{x} \times 100 \quad P_r^k = \frac{K_i}{(K-r)!} \quad C_r^k = \frac{k!}{r!(k-r)!}$$

$$P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B) \quad p(A|B) = \frac{P(A \cap B)}{P(B)}$$

$$\mu_x = \sum x_i \quad P(X=x_i) \quad P(X=x_i) = \binom{n}{x} p^x (1-p)^{n-x}$$

$$P(X=x_i) = \frac{e^{-\lambda} \lambda^x}{x_i} \quad f(x) = \frac{1}{\sigma \sqrt{2\pi}} e^{\frac{-(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

$$P(-Z_{a/\alpha} < \frac{\bar{x} - \mu}{\sigma/\sqrt{n}} < Z_{a/\alpha}) = 1 - a \quad P(\bar{X} - t_{a/\alpha} \frac{s}{\sqrt{n}} < \bar{X} + t_{a/\alpha} \frac{s}{\sqrt{n}}) = 1 - a$$

$$P(-t_{a/\alpha} < \frac{(\bar{X}_1 - \bar{X}_2) - (\mu_1 - \mu_2)}{sp \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}} < t_{a/\alpha}) = 1 - a \quad \hat{P} \sim N(p, \frac{pq}{n})$$

$$P(\hat{P} - Z_{a/\alpha} \sqrt{\frac{\hat{n}\hat{q}}{n}} < P < \hat{P} + Z_{a/\alpha} \sqrt{\frac{\hat{n}\hat{q}}{n}}) = 1 - a$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۱۵ تشریحی: ۳

عنوان درس: آمار حیاتی

رشته تحصیلی/گد درس: مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی (بیوالکتریک) ۱۳۱۸۰۳۳

$$Z = \frac{\bar{x} - \mu_0}{\sigma / \sqrt{n}} \quad y = a + bx \quad \hat{b} = \frac{n(\sum x_i y_i) - (\sum x_i)(\sum y_i)}{n(\sum x_i^2) - (\sum x_i)^2}$$

$$\hat{a} = \bar{y} - \hat{b}\bar{x} \quad R = \frac{\sum (x_i - \bar{x})(y_i - \bar{y})}{\sqrt{\sum (x_i - \bar{x})^2} \sqrt{\sum (y_i - \bar{y})^2}}$$

$$R = \frac{n \sum x_i y_i - \sum x_i \sum y_i}{\sqrt{n \sum x_i^2 - (\sum x_i)^2} \sqrt{n \sum y_i^2 - (\sum y_i)^2}}$$

سری سوال: ۱ یک

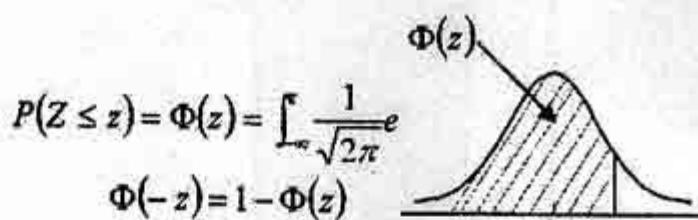
زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۱۵ تشریحی: ۳

عنوان درس: آمار حیاتی

رشته تحصیلی/گد درس: مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی (بیوالکتریک) ۱۳۱۸۰۳۳

جدول ۲. توزیع نرمال استاندارد



<i>z</i>	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.5000	0.5040	0.5080	0.5120	0.5160	0.5199	0.5239	0.5279	0.5319	0.5359
0.1	0.5398	0.5438	0.5478	0.5517	0.5557	0.5596	0.5636	0.5675	0.5714	0.5753
0.2	0.5793	0.5832	0.5871	0.5910	0.5948	0.5987	0.6026	0.6064	0.6103	0.6141
0.3	0.6179	0.6217	0.6255	0.6293	0.6331	0.6368	0.6406	0.6443	0.6480	0.6517
0.4	0.6554	0.6591	0.6628	0.6664	0.6700	0.6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	0.7054	0.7088	0.7123	0.7157	0.7190	0.7224
0.6	0.7257	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0.7486	0.7517	0.7549
0.7	0.7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7703	0.7734	0.7764	0.7794	0.7823	0.7852
0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8078	0.8106	0.8133
0.9	0.8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0.8340	0.8365	0.8389
1.0	0.8413	0.8438	0.8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0.8599	0.8621
1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0.8790	0.8810	0.8830
1.2	0.8849	0.8869	0.8888	0.8907	0.8925	0.8944	0.8962	0.8980	0.8997	0.9015
1.3	0.9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
1.4	0.9192	0.9207	0.9222	0.9236	0.9251	0.9265	0.9279	0.9292	0.9306	0.9319
1.5	0.9332	0.9345	0.9357	0.9370	0.9382	0.9394	0.9406	0.9418	0.9429	0.9441
1.6	0.9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0.9505	0.9515	0.9525	0.9535	0.9545
1.7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
1.8	0.9641	0.9649	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9699	0.9706
1.9	0.9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9761	0.9767
2.0	0.9772	0.9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0.9803	0.9808	0.9812	0.9817
2.1	0.9821	0.9826	0.9830	0.9834	0.9838	0.9842	0.9846	0.9850	0.9854	0.9857
2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9875	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887	0.9890
2.3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913	0.9916
2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0.9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934	0.9936
2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951	0.9952
2.6	0.9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
2.7	0.9965	0.9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
2.8	0.9974	0.9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0.9983	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9986	0.9986
3.0	0.9987	0.9987	0.9987	0.9988	0.9988	0.9989	0.9989	0.9989	0.9990	0.9990

## Selected Upper Percentage Points

Tail probability x	0.100	0.050	0.025	0.010	0.005
Upper percentage Point z (x)	1.282	1.645	1.960	2.326	2.576