

تعداد سوالات: تستی: ۲۴ تشریحی: ۴

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

سری سوال: یک ۱

عنوان درس: ریاضی مهندسی، ریاضیات مهندسی

رشته تحصیلی/کد درس: - مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۱۰۹۵
- مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد،
- متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی
بالیستی، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی
بیوالکترونیک، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی راه
آهن - جریه، مهندسی رباتیک، مهندسی مکانیک-ساخت و تولید، مهندسی مکانیک(گرایش طراحی کاربردی) ۱۱۱۱۴۱۱

۱- مقدار $(\sqrt{3} + i)^n + (\sqrt{3} - i)^n$ برابر است با:

۱. $2^{n+1} \cos\left(\frac{n\pi}{6}\right)$ ۲. $2^n \cos\left(\frac{n\pi}{6}\right)$ ۳. $2^n \cos\left(\frac{n\pi}{3}\right)$ ۴. $2^{n+1} \cos\left(\frac{n\pi}{3}\right)$

۲- ریشه های معادله $z^4 + 1 = 0$ برابر است با:

۱. $\left(\cos \frac{(k-1)\pi}{4} + i \sin \frac{(k-1)\pi}{4}\right), k = 0, 1, 2, 3$ ۲. $\left(\cos \frac{k\pi}{2} + i \sin \frac{k\pi}{2}\right), k = 0, 1, 2, 3$
۳. $\left(\cos \frac{(k+1)\pi}{4} + i \sin \frac{(k+1)\pi}{4}\right), k = 0, 1, 2, 3$ ۴. $\left(\cos \frac{(2k+1)\pi}{4} + i \sin \frac{(2k+1)\pi}{4}\right), k = 0, 1, 2, 3$

۳- معادله $|z + i| = |z - 2i|$ در صفحه مختلط چه نموداری را نشان می دهد؟

۱. دایره ۲. هذلولی ۳. خط راست ۴. بیضی

۴- برای تابع $f(z) = z\bar{z}$ کدام گزینه صحیح است؟

۱. فقط در $z=0$ مشتق پذیر است. ۲. تجلیلی است.
۳. تام است. ۴. در $z=0$ مشتق پذیر نیست.

۵- مزدوج همساز تابع $u = x^2 - y^2 - 2y$ کدام است؟

۱. $2xy + x + c$ ۲. $xy - 2x + c$ ۳. $2xy - 2x + c$ ۴. $xy + x + c$

۶- مقدار اصلی $i \ln(-i)$ برابر است با:

۱. $-\frac{\pi}{2}$ ۲. $\frac{\pi}{2}$ ۳. $\frac{\pi i}{2}$ ۴. $-\frac{\pi i}{2}$

تعداد سوالات: تستی: ۲۴ تشریحی: ۴

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

سری سوال: ۱ یک

عنوان درس: ریاضی مهندسی، ریاضیات مهندسی

رشته تحصیلی/کد درس: مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۱۰۹۵ -
مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد -
متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی -
بالینی، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی
(بیوالکترونیک)، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی راه
آهن - جریه، مهندسی رباتیک، مهندسی مکانیک-ساخت و تولید، مهندسی مکانیک(گرایش طراحی کاربردی) ۱۱۱۱۴۱۱

۷- قسمت موهومی تابع مختلط $f(z) = \cos(z)$ کدام است؟

۱. $\sin x \sinh y$ ۲. $\cos x \cosh y$ ۳. $\cos y \cosh x$ ۴. $-\sin x \sinh y$

۸- تحت نگاشت $w = iz^2$ تصویر $y = x$ کدام است؟

۱. $v = 0$ ۲. $u = 0, v \leq 0$ ۳. $v = 0, u \geq 0$ ۴. $v = 0, u \leq 0$

۹- مقدار $\int_c f(z) dz$ وقتی $f(z) = x^3 + iy^2$ ، مسیر $y = x^3$ از مرکز مختصات تا نقطه $A(1,1)$ می باشد برابر است با:

۱. $-\frac{1}{12} + \frac{9}{14}i$ ۲. $\frac{1}{12} + \frac{9}{14}i$ ۳. $-\frac{9}{14} + \frac{1}{12}i$ ۴. $\frac{9}{14} - \frac{1}{12}i$

۱۰- حاصل $\oint \frac{e^z \sin z dz}{z^3}$ که در آن c دایره $|z| = 2$ می باشد، کدام است؟

۱. πi ۲. $\frac{\pi i}{2}$ ۳. $2\pi i$ ۴. $4\pi i$

۱۱- حاصل $\int_0^{2\pi} \sin\left(\frac{\pi}{4} + 2e^{i\theta}\right) d\theta$ برابر است با:

۱. π ۲. $\pi\sqrt{2}$ ۳. 2π ۴. $\frac{\pi\sqrt{2}}{2}$

۱۲- مانده تابع $f(z) = z^3 \cos \frac{1}{z}$ در $z = 0$ کدام است؟

۱. صفر ۲. $\frac{1}{2}$ ۳. ۱ ۴. $\frac{1}{24}$

تعداد سوالات: تستی: ۲۴ تشریحی: ۴

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

سری سوال: ۱ یک

عنوان درس: ریاضی مهندسی، ریاضیات مهندسی

رشته تحصیلی/کد درس: مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۱۰۹۵ -
مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد -
متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی -
بالیستی، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی
(بیوالکترونیک)، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی راه
آهن - جریه، مهندسی رباتیک، مهندسی مکانیک-ساخت و تولید، مهندسی مکانیک (گرایش طراحی کاربردی) ۱۱۱۱۴۱۱

۱۳- حاصل $\int_0^{2\pi} \frac{d\theta}{5+4\cos\theta}$ کدام است؟

۱. $\frac{3\pi}{2}$ ۲. $\frac{5\pi}{3}$ ۳. $\frac{2\pi}{3}$ ۴. $\frac{\pi}{3}$

۱۴- تبدیل دو خطی که نقاط $0, i, \infty$ را به نقاط $0, i, \infty$ بنگارد برابر است با:

۱. $w = \frac{z}{z-i}$ ۲. $w = \frac{1}{z}$ ۳. $w = \frac{z-i}{z}$ ۴. $w = -\frac{1}{z}$

۱۵- سری فوریه تابع $f(x) = \cos^2 x - 1$ در فاصله $-\pi < x < \pi$ کدام است؟

۱. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin nx}{n}$ ۲. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos nx}{n}$
۳. $2 + \cos 2x$ ۴. $\frac{\cos 2x - 1}{2}$

۱۶- سری فوریه سینوسی تابع $f(x) = x - 1$ در فاصله $(0, 1)$ کدام است؟

۱. $\frac{2}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos n\pi x}{n}$ ۲. $\frac{2}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n\pi x}{n}$
۳. $\frac{\pi}{2} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n\pi x}{n}$ ۴. $\frac{\pi}{2} \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\cos n\pi x}{n}$

تعداد سوالات: تستی: ۲۴ تشریحی: ۴

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

سری سوال: ۱ یک

عنوان درس: ریاضی مهندسی، ریاضیات مهندسی

رشته تحصیلی/کد درس: مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۱۰۹۵ -
مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد -
متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی -
بالیستی، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی
(بیوالکترونیک)، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی راه
آهن - جریه، مهندسی رباتیک، مهندسی مکانیک-ساخت و تولید، مهندسی مکانیک(گرایش طراحی کاربردی) ۱۱۱۱۴۱۱

۱۷- انتگرال فوریه تابع $f(x) = \begin{cases} \pi & |x| \leq \pi \\ 0 & |x| > \pi \end{cases}$ کدام است؟

۲. $f(x) = 2 \int_0^{\infty} \frac{\cos \alpha \pi}{\alpha} \sin \alpha x d \alpha$

۱. $f(x) = \int_0^{\infty} \frac{\cos \alpha \pi}{\alpha} \sin \alpha x d \alpha$

۴. $f(x) = \int_0^{\infty} \frac{\sin \alpha \pi}{\alpha} \cos \alpha x d \alpha$

۳. $f(x) = 2 \int_0^{\infty} \frac{\sin \alpha \pi}{\alpha} \cos \alpha x d \alpha$

۱۸- کدام رابطه تبدیل فوریه تابع $f(t)$ را نشان می دهد؟

۲. $\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^{\infty} f(t) e^{i\alpha t} dt$

۱. $\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_0^{\infty} f(t) e^{-i\alpha t} dt$

۴. $\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} f(t) e^{i\alpha t} dt$

۳. $\frac{1}{\sqrt{2\pi}} \int_{-\infty}^{\infty} f(t) e^{-i\alpha t} dt$

۱۹- کدام مورد جواب معادله $u_t - u_x = 0$ نیست؟

۲. $u = e^{x+t}$

۱. $u = \cos(x+t)$

۴. $u = \cos(x^2 + t^2)$

۳. $u = 2x + 2t$

۲۰- با فرض $x = r \cos \theta$, $y = r \sin \theta$ معادله $u_{xx} + u_{yy} = 0$ به کدام صورت است؟

۲. $u_{rr} + u_{\theta\theta} = 0$

۱. $u_{rr} + u_{\theta\theta}$

۴. $u_{r\theta} = u_{rr} + u_{\theta\theta}$

۳. $u_{rr} + \frac{1}{r} u_r + \frac{1}{r^2} u_{\theta\theta} = 0$

تعداد سوالات: تستی: ۲۴ تشریحی: ۴

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

سری سوال: ۱ یک

عنوان درس: ریاضی مهندسی، ریاضیات مهندسی

رشته تحصیلی/کد درس: مهندسی کامپیوتر (نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار (چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر (سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۱۰۹۵ -
مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی مواد -
متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی -
بالینی، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی
(بیوالکترونیک)، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی راه
آهن - جریه، مهندسی رباتیک، مهندسی مکانیک-ساخت و تولید، مهندسی مکانیک (گرایش طراحی کاربردی) ۱۱۱۱۴۱۱

۲۱- نقطه $z = 0$ چه نوع نقطه ای برای تابع $f(z) = z^{10} e^{\frac{-1}{z^2}}$ است؟

۱. نقطه عادی ۲. نقطه تکین اساسی ۳. نقطه تکین برداشتنی ۴. قطب مرتبه ۱۰

۲۲- جواب معادله $u_x + u_y = 2(x+y)u$ به روش جداسازی متغیرها برابر کدام گزینه است؟ (c, k اعداد ثابتند.)

۱. $u = ke^{x^2+y^2+c(x-y)}$ ۲. $u = ke^{x^2+y^2+c(x+y)}$

۳. $u = ke^{x^2-y^2+c(x-y)}$ ۴. $u = ke^{x^2-y^2+c(x+y)}$

معادله موج زیر را با شرایط داده شده در نظر بگیرید:

$$\begin{cases} v_{tt} = v_{xx} + 1 \\ v(0, t) = 1, \quad v(\pi, t) = 0 \\ v(x, 0) = \sin 2x - \frac{x^2}{2} + \left(\frac{\pi}{2} - \frac{1}{\pi}\right)x + 1 \\ v_t(x, 0) = 5 \sin 2x \end{cases}$$

۲۳- با تغییر متغیر $u(x, t) = v(x, t) + \frac{x^2}{2} + \left(\frac{1}{\pi} - \frac{\pi}{2}\right)x - 1$

معادله مذکور به کدام یک از صورتهای زیر تبدیل می شود؟

۲. $\begin{cases} u_{tt} = u_{xx} \\ u(0, t) = u(\pi, t) = 0 \\ u(x, 0) = \sin 2x + \frac{\pi x}{2} \\ u_t(x, 0) = x \end{cases}$

۱. $\begin{cases} u_{tt} = u_{xx} \\ u(0, t) = u(\pi, t) = 0 \\ u(x, 0) = \sin 2x + \frac{x}{\pi} \\ u_t(x, 0) = 5 \sin 2x \end{cases}$

۴. $\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} = 0 \\ u(0, t) = u(\pi, t) = 0 \\ u(x, 0) = 0 \\ u_t(x, 0) = 5 \sin 2x \end{cases}$

۳. $\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} = 0 \\ u(0, t) = u(\pi, t) = 0 \\ u(x, 0) = \sin 2x \\ u_t(x, 0) = 5 \sin 2x \end{cases}$

تعداد سوالات: تستی: ۲۴ تشریحی: ۴

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۷۰ تشریحی: ۵۰

سری سوال: یک ۱

عنوان درس: ریاضی مهندسی، ریاضیات مهندسی

رشته تحصیلی/کد درس: - مهندسی کامپیوتر(نرم افزار)، مهندسی کامپیوتر-نرم افزار(چندبخشی)، مهندسی کامپیوتر(سخت افزار) چندبخشی ۱۱۱۱۰۹۵
- مهندسی عمران - نقشه برداری، مهندسی مکانیک، مهندسی خودرو، مهندسی هوا فضا - هوا فضا، مهندسی متالورژی و مواد،
- متالورژی صنعتی، مهندسی شیمی، مهندسی پلیمر - صنایع پلیمر، مهندسی پزشکی - گرایش بیومتریال، مهندسی پزشکی
بالیونی، مهندسی پزشکی - گرایش بیومکانیک، مهندسی برق - گرایش قدرت، مهندسی برق - گرایش مهندسی پزشکی
بیوالکترونیک، مهندسی برق - گرایش کنترل، مهندسی برق - گرایش مخابرات، مهندسی برق - گرایش الکترونیک، مهندسی راه
آهن - جریه، مهندسی رباتیک، مهندسی مکانیک-ساخت و تولید، مهندسی مکانیک(گرایش طراحی کاربردی) ۱۱۱۱۴۱۱

۲۴- هر گاه $l[u(x, t)] = U(x, s)$ آن گاه با توجه به معادله گرمای $\begin{cases} u_t = u_{xx}, -\infty < x < \infty, t > 0 \\ u(x, 0) = \sin x \end{cases}$ تبدیل لاپلاس

معادله کدام است؟

۱. $U_{xx} + sU = -\sin x$ ۲. $U_t + sU = -\sin x$ ۳. $U_t - sU = -\sin x$ ۴. $U_{xx} - sU = -\sin x$

سوالات تشریحی

۱- اگر $f(z) = (r \cos \theta + \ln r) + i(r \sin \theta + \theta)$ آن گاه با معادلات کوشی ریمان قطبی نشان دهید $f'(z)$ موجود است و $f'(z)$ را محاسبه کنید.
($-\pi < \theta \leq \pi, r > 0$)

۲- تصویر ناحیه $D: \begin{cases} 0 \leq x \leq 1 \\ 0 \leq y \leq \pi \end{cases}$ را تحت نگاشت $w = e^{-z} + i + 1$ به دست آورید.

۳- مقدار انتگرال $\int_0^{\infty} \frac{\cos 2x dx}{x^2 + 1}$ را به دست آورید.

۴- سری فوریه تابع $f(x) = \begin{cases} x + \pi, & -\pi < x < 0 \\ x - \pi, & 0 < x < \pi \end{cases}$ و $f(x + 2\pi) = f(x)$ را بنویسید، سپس مقدار سری نامتناهی $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n}{n}$ را محاسبه کنید.