

سری سوال: یک ۱

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

وشته تحصیلی/ گذ درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - صنایع، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

استفاده از ماشین حساب مهندسی مجاز است

۱- کدامیک از صفات زیر از جمله مفروضات برنامه ریزی خطی است؟

۱. حل پذیری      ۲. اشتراک      ۳. جمع پذیری      ۴. احتمال پذیری

۲- تصمیم گیری با استفاده از برنامه ریزی خطی تحت چه شرایطی است؟

۱. اطمینان کامل      ۲. ریسک      ۳. عدم اطمینان کامل      ۴. تعارض

۳- در یک مسئله برنامه ریزی تولید، اگر منابع تولید تماماً صرف تولید محصول اول شود، می تواند ۱۰۰ واحد از آن را تولید کند. اگر منابع مورد نیاز هر واحد محصول دوم، سه برابر منابع مورد نیاز هر واحد محصول اول باشد و میزان تولید محصول آن تعريف شود ( $j = 1, 2$ )، چه محدودیتی می تواند معرف آن باشد؟

$$X_1 + 3X_2 \leq 100 \quad .1 \quad X_1 + 3X_2 \leq 300 \quad .2$$

$$X_1 + X_2 \leq 300 \quad .3 \quad 3X_1 + X_2 \leq 300 \quad .4$$

۴- با در نظر گرفتن  $X_1$  و  $X_2$  برای دو فعالیت در یک مسئله برنامه ریزی خطی، کدام وضعیت مبین شرایط زیر است؟  
الف- میزان فعالیت  $X_1$  حداقل ۵ برابر  $X_2$  است.

ب- حداقل ۴ واحد از این دو فعالیت انجام پذیرد.

ج- میزان فعالیت  $X_1$  به کل فعالیت ها حداقل ۵۰ درصد باشد.

$$x_1 + x_2 = 40 , \quad 0.5x_1 + 0.5x_2 \geq 0 , \quad x_1 \leq 5x_2 \quad .1$$

$$x_1 + x_2 \geq 40 , \quad 0.5x_1 - 0.5x_2 \leq 0 , \quad x_1 \geq 5x_2 \quad .2$$

$$x_1 + x_2 \geq 40 , \quad 0.5x_1 - 0.5x_2 \leq 0 , \quad x_1 \leq 5x_2 \quad .3$$

$$x_1 + x_2 \geq 40 , \quad 0.5x_1 - 0.5x_2 \geq 0 , \quad x_1 \leq 5x_2 \quad .4$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

و شته تحصیلی/ گذ درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - صنایع، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

۵- تابع هدف یک مسئله به صورت  $\{5x_1 + 6x_2, 7x_1 + 9x_2\}$  تعریف شده است. تبدیل خطی آن کدام است؟

$$\begin{cases} 5x_1 + 6x_2 - y = 0 \\ 7x_1 + 9x_2 - y = 0 \end{cases} .2$$

$$12x_1 + 15x_2 - y = 0 .1$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 6x_2 - y \leq 0 \\ 7x_1 + 9x_2 - y \leq 0 \end{cases} .4$$

$$\begin{cases} 5x_1 + 6x_2 - y \geq 0 \\ 7x_1 + 9x_2 - y \geq 0 \end{cases} .3$$

۶- در یک کارگاه یک کارگر در طول هر دوره زمانی، ۲۰۰ ساعت وقت در اختیار دارد که می تواند از وقت خود برای تولید دو محصول A و B استفاده کند. تولیه هر واحد محصول A چهار برابر وقت تولید هر واحد محصول B است. سود هر واحد محصول B یک چهارم سود هر واحد محصول A می باشد. حداقل سود حاصل برای این کارگر در دوره زمانی ۲۰۰ ساعته ۱۰۰۰۰ تومان است. سود هر واحد محصول A چند تومان است؟

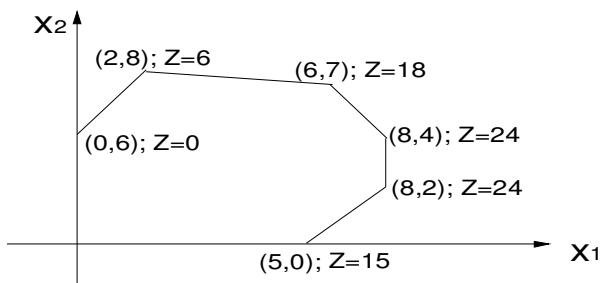
۴۰۰ .۴

۲۵۰ .۳

۲۰۰ .۲

۱۰۰ .۱

۷- تابع هدف مسئله زیر کدام است؟



$$\text{Max } Z = 4x_1 .4$$

$$\text{Max } Z = 4x_2 .3$$

$$\text{Max } Z = 6x_1 .2$$

$$\text{Max } Z = 3x_1 .1$$

۸- مسئله برنامه ریزی خطی زیر منطقه موجه نامحدود دارد. مقدار تابع هدف بهینه:

$$\text{Min } Z = 2x_1 - 4x_2$$

s.t.

$$x_1 - 2x_2 \leq 0$$

$$x_1 \leq 3$$

۴. محدود است.

۳. نامحدود است.

۲. صفر است.

۱. محدود است.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

-۹- مسئله زیر دارای جواب:

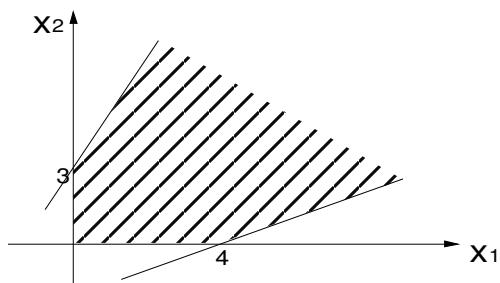
$$\text{Max } Z = 2x_1 - 8x_2$$

s.t.

$$x_1 - 2x_2 \leq 4$$

$$-3x_1 + x_2 \leq 3$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$



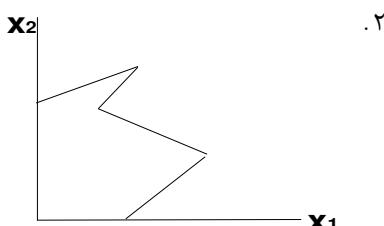
۲. بهینه چندگانه است.

۱. بهینه چندگانه است.

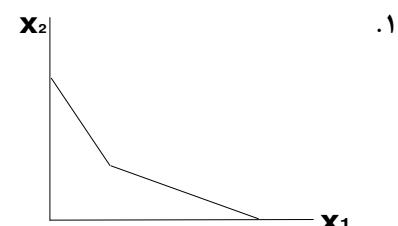
۴. جواب بهینه محدود و معین است.

۳. تبہگن است.

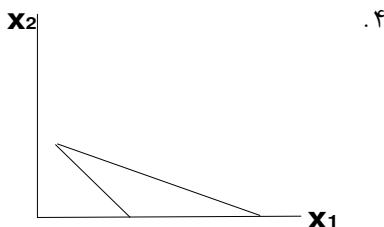
-۱۰- کدامیک از شکل های زیر می تواند بیانگر منطقه موجه یک مسئله برنامه ریزی خطی باشد؟



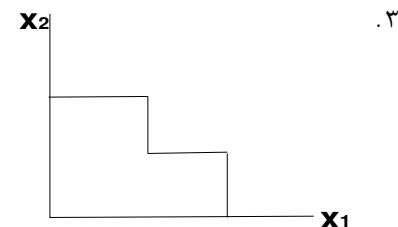
.۲



.۱



.۴



.۳

-۱۱- یک مسئله برنامه ریزی خطی می تواند:

۱. بینهایت نقطه گوش داشته باشد.

۲. بینهایت جواب موجه داشته باشد.  
۴. بینهایت جواب گوش بهینه داشته باشد.

۳. بینهایت جواب اساسی داشته باشد.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

وشته تحصیلی/ گذ درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - صنایع، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

-۱۲- مدل برنامه ریزی خطی زیر را در نظر بگیرید. کدامیک از گزینه های زیر معادل مدل ارائه شده است؟ (x<sub>1</sub> متغیر آزاد در

$$\text{Min } Z = x_1 + 3x_2 + 4x_3$$

s.t.

$$x_1 + 2x_2 + x_3 = 5$$

$$2x_1 + 3x_2 + x_3 = 6$$

$$x_2, x_3 \geq 0$$

(علامت است).

$$\text{Min } Z = 3x_2 + 2x_3 .\text{۲}$$

$$\text{Min } Z = 2x_2 + 3x_3 .\text{۱}$$

s.t.

s.t.

$$x_2 + 2x_3 \leq 4$$

$$x_2 + 2x_3 \geq 4$$

$$x_2, x_3 \geq 0$$

$$x_2, x_3 \geq 0$$

$$\text{Min } Z = x_2 + 3x_3 .\text{۴}$$

$$\text{Min } Z = x_2 + x_3 .\text{۳}$$

s.t.

s.t.

$$x_2 + x_3 = 4$$

$$x_2 + x_3 = 4$$

$$x_2, x_3 \geq 0$$

$$x_2, x_3 \geq 0$$

-۱۳- شرط خروجی شدن متغیر  $s_2$  در جدول زیر که مربوط به یک مسئله ماکزیمم سازی است چیست؟ ( $c > 0$ )

پایه	X <sub>1</sub>	X <sub>2</sub>	S <sub>1</sub>	S <sub>2</sub>	S <sub>3</sub>	جواب
Z	-c	2	0	0	0	10
S <sub>1</sub>	-1	2	1	0	0	4
S <sub>2</sub>	a <sub>2</sub>	-4	0	1	0	1
S <sub>3</sub>	a <sub>3</sub>	3	0	0	1	b <sub>2</sub>

$$a_2 b_2 = a_3 .\text{۴}$$

$$a_3 < a_2 b_2 .\text{۳}$$

$$a_2 a_3 > b_2 .\text{۲}$$

$$a_3 > a_2 b_2 .\text{۱}$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

وشته تحصیلی/ گذ درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - صنایع، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

-۱۴- فرض کنید در یک مدل برنامه ریزی خطی، سه متغیر تصمیم و سه محدودیت وجود دارد. اگر در یکی از جدول های سیمپلکس، متغیر  $x_2$  ورودی و متغیر  $s_2$  خروجی باشد و ضرایب زیر متغیر  $x_2$  در محدودیت ها به صورت زیر باشد، با توجه به اینکه  $s_2$  متغیر پایه ای سطر شماره ۲ است ضریب زیر متغیر  $s_2$  در سطر اول در تکرار بعد چه عددی خواهد بود؟

$$\text{ضرایب زیر متغیر } x_2 = \begin{pmatrix} 1/2 \\ 2 \\ 1/2 \end{pmatrix}$$

۱/۲ . ۴

۱/۳ . ۳

- ۱/۲ . ۲

- ۱/۴ . ۱

-۱۵- جدول زیر یکی از تکرارهای سیمپلکس را با تابع هدف حداقل سازی نشان می دهد. متغیر خروجی کدام است؟

پایه	X <sub>1</sub>	X <sub>2</sub>	S <sub>1</sub>	S <sub>2</sub>	S <sub>3</sub>	جواب
Z	-4	-3	0	0	0	0
S <sub>1</sub>	-4	-1	1	0	0	0
S <sub>2</sub>	-1	1	0	1	0	3
S <sub>3</sub>	0	1	0	0	1	2

۴. خروجی ندارد

S<sub>3</sub> . ۳S<sub>2</sub> . ۲S<sub>1</sub> . ۱

-۱۶- تعداد متغیرهای لازم برای حل مسئله زیر به روش سیمپلکس چند تاست؟

$$Min Z = 3x_1 + 4x_2$$

s.t.

$$2x_1 + 6x_2 \geq 12$$

$$5x_1 + 2x_2 \leq 25$$

$$7x_1 + 7x_2 \leq 49$$

$$21x_1 + 3x_2 \geq 42$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

۲ . ۴

۸ . ۳

۶ . ۲

۴ . ۱

سری سوال: ۱ یک

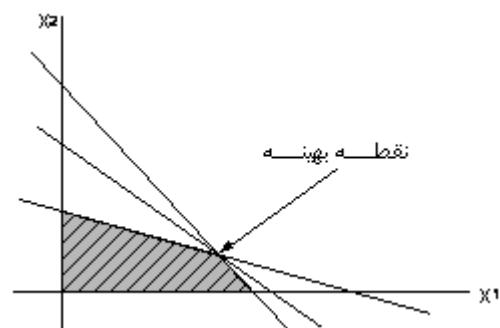
زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - صنایع، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

-۱۷- در صورتی که مسئله زیر به روش سیمپلکس حل شود متغیرهای پایه ای (اساسی) جدول بهینه کدام است؟

 $s_3, s_2, x_1$  .۴ $s_3, s_2, x_2$  .۳ $s_3, x_2, x_1$  .۲ $s_3, s_1, x_1$  .۱

-۱۸- برای حل یک مسئله برنامه ریزی خطی، در صورتی از روش دوفاز استفاده می شود که:

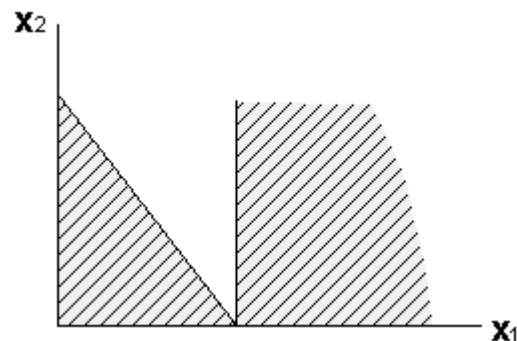
۱. هیچ جواب پایه ای موجه اولیه ای در دسترس نباشد.

۱. مسئله پیچیده و ابعاد آن بزرگ باشد.

۲. تابع هدف مسئله به صورت حداقل سازی باشد.

۳. تابع هدف مسئله به صورت حداکثرسازی باشد.

-۱۹- شکل زیر منطقه موجه یک مدل برنامه ریزی ریاضی را با ۲ متغیر و ۲ محدودیت نشان می دهد. این مسئله کدام حالت خاص دارد؟



۱. بدون منطقه موجه

۲. تباهیده

۳. جواب بهینه چندگانه

۴. منطقه موجه نامحدود

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

وشته تحصیلی/ گد درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - صنایع، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

-۲۰ در یکی از مراحل حل مسئله برنامه ریزی خطی در جدول سیمپلکس، ضرایب یکی از متغیرها در تمامی محدودیت ها همگی صفر یا منفی شده اند. این رویداد بیانگر:

۱. جواب نامتناهی برای مسئله است.
۲. عدم وجود جواب شدنی برای مسئله است.
۳. وجود جواب بهینه متعدد برای مسئله است.
۴. وجود فضای شدنی نامتناهی برای مسئله است اما مسئله می تواند جواب متناهی داشته باشد.

-۲۱ جدول بهینه مدل برنامه ریزی خطی زیر داده شده است.

$$\text{Max } Z = 4x_1 + 14x_2$$

s.t.

$$2x_1 + 7x_2 \leq 21$$

$$7x_1 + 2x_2 \leq 21$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

پایه	X <sub>1</sub>	X <sub>2</sub>	X <sub>3</sub>	X <sub>4</sub>	جواب
Z	0	0	2	0	42
X <sub>2</sub>	2/7	1	1/7	0	3
X <sub>4</sub>	45/7	0	-2/7	1	15

چنانچه متغیر X<sub>4</sub> از پایه خارج شود و متغیر X<sub>1</sub> به جای آن وارد پایه شود:

۱. جواب جدید نیز بهینه است.
۲. جواب جدید غیر قابل قبول است.
۳. جواب جدید تباہیده غیر بهینه است.
۴. جواب جدید یک جواب پایه ای، ولی غیر بهینه است.

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - صنایع، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

-۴۲ یک نقطه گوشه ای از مدل برنامه ریزی خطی زیر به صورت  $(x_1, x_2, x_3) = (0,1,4)$  است. نقطه متناظر با این نقطه در مسئله ثانویه کدام است؟

$$\text{Max } Z = 3x_1 + 4x_2 + x_3$$

s.t.

$$x_1 + 4x_2 + x_3 \geq 8$$

$$2x_1 - x_2 + 4x_3 = 15$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0$$

$$(y_1, y_2) = (11/7, 5/7) \quad .\cdot 2$$

$$(y_1, y_2) = (1, 0) \quad .\cdot 1$$

$$(y_1, y_2) = (3, -1) \quad .\cdot 4$$

$$(y_1, y_2) = (3, 0) \quad .\cdot 3$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

وشته تحصیلی/ گذ درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - صنایع، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

-۴۳- برای مسائل اولیه و ثانویه زیر کدامیک از جفت جواب های زیر بهینه هستند؟

مسئله اولیه

$$\text{Min } Z = 2x_1 + 3x_2$$

s.t.

$$2x_1 + 3x_2 \leq 30$$

$$x_1 + 2x_2 \geq 10$$

$$x_1 - x_2 \geq 0$$

$$x_1, x_2 \geq 0$$

مسئله ثانویه

$$\text{Max } Z_d = 30y_1 + 10y_2$$

s.t.

$$2y_1 + y_2 + y_3 \leq 2$$

$$3y_1 + 2y_2 - y_3 \leq 3$$

$$y_1 \leq 0; y_2, y_3 \geq 0$$

$$(y_1, y_2, y_3) = (0, 1, 1) \quad \text{و} \quad (x_1, x_2) = (10, 10/3) \quad .1$$

$$(y_1, y_2, y_3) = (1, 4, 0) \quad \text{و} \quad (x_1, x_2) = (20, 10) \quad .2$$

$$(y_1, y_2, y_3) = (0, 5/3, 1/3) \quad \text{و} \quad (x_1, x_2) = (10/3, 10/3) \quad .3$$

$$(y_1, y_2, y_3) = (1, 2/3, 1) \quad \text{و} \quad (x_1, x_2) = (10/3, 5/3) \quad .4$$

-۴۴- اگر جواب بهینه مسئله زیر باشد، جواب بهینه مسئله دوگان آن کدام است؟

$$\text{Min } Z = 7x_1 + 20x_2 + 15x_3$$

s.t.

$$-x_1 + 4x_2 + x_3 \leq 20$$

$$2x_1 + 3x_3 = 30$$

$$x_1, x_2, x_3 \geq 0$$

$$y_2 = 7/2 \quad \text{و} \quad y_1 = 0 \quad .1$$

$$y_2 = 0 \quad \text{و} \quad y_1 = 21/4 \quad .1$$

$$y_2 = 2 \quad \text{و} \quad y_1 = 9/4 \quad .4$$

$$y_2 = 3 \quad \text{و} \quad y_1 = 11/4 \quad .3$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

وشته تحصیلی/ گذ درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - صنایع، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

-۴۵ سمت راست محدودیت ها در مسئله اصلی که جدول بھینه اش در زیر نشان داده شده است کدامند؟

پایه	$X_1$	$X_2$	$S_1$	$S_2$	جواب
Z	16	0	0	8	24
$X_2$	$10/3$	0	1	$-4/3$	2
$X_1$	$4/3$	1	0	$1/3$	1

$$\cdot ۲ \quad ۰ \quad ۸ \quad \cdot ۳ \quad ۰ \quad ۱ / ۳ - ۲۰ / ۳ \quad \cdot ۱$$

$$\cdot ۴ \quad ۳ \quad ۶ \quad \cdot ۳ \quad ۰ \quad ۱ / ۳ \quad ۰ \quad ۲ / ۳ \quad \cdot ۳$$

-۴۶ جدول بھینه یک مسئله برنامه ریزی خطی با تابع هدف حداقل سازی و محدودیت های کوچکتر یا مساوی به صورت زیر است. ضریب متغیرهای  $x_1$  و  $x_2$  در تابع هدف مسئله اصلی کدامند؟

پایه	$X_1$	$X_2$	$S_1$	$S_2$	$S_3$	جواب
Z	0	0	0	3	2	34
$S_1$	0	0	1	1	-1	2
$X_2$	0	1	0	1	0	6
$X_1$	1	0	0	-1	1	2

$$\cdot ۴ \quad ۰ \quad ۳ \quad \cdot ۳ \quad ۰ \quad ۲ \quad \cdot ۳ \quad ۰ \quad ۴ \quad \cdot ۲ \quad ۰ \quad ۵ \quad \cdot ۱$$

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

رشته تحصیلی/ گذ درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - صنایع، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

-۴۷ مسئله برنامه ریزی پارامتری زیر همراه با یکی از جدول های سیمپلکس آن در زیر داده شده است. جواب بهینه مسئله به ازای  $\theta = 1$  کدام است؟

$$\text{Max } Z = 10x_1 + 4x_2$$

s.t.

$$2x_1 + x_2 \leq 8 + 2\theta$$

$$x_1 + 2x_2 \leq 6 - 4\theta$$

$$x_1, x_2, \theta \geq 0$$

پایه	$x_1$	$x_2$	$s_1$	$s_2$	جواب
Z	0	1	5	0	$40+10\theta$
$x_1$	1	$1/2$	$1/2$	0	$4+\theta$
$x_4$	0	$3/2$	$-1/2$	1	$2-5\theta$

$$Z = 50 \quad \text{و} \quad x_2 = 0, \quad x_1 = 5 \quad .\quad ۲$$

$$Z = 20 \quad \text{و} \quad x_2 = 0, \quad x_1 = 2 \quad .\quad ۱$$

$$Z = 50 \quad \text{و} \quad x_2 = -3, \quad x_1 = 5 \quad .\quad ۳$$

مسئله بدون جواب موجه است

سری سوال: ۱ یک

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۱۲۰ تشریحی: ۰

تعداد سوالات: تستی: ۳۰ تشریحی: ۰

عنوان درس: تحقیق در عملیات ۱

رشته تحصیلی/ گد درس: مهندسی صنایع، مهندسی صنایع (چندبخشی)، مهندسی صنایع - صنایع، مهندسی صنایع - مدیریت سیستم و بهره وری، مهندسی صنایع - سیستمهای اقتصادی اجتماعی ۱۱۲۲۰۰۱

-۴۸ مسئله برنامه ریزی پارامتری زیر به همراه یکی از جدول های سیمپلکس داده شده است. به ازای  $\theta = 3$ ، جواب بهینه کدام است؟

$$\text{Max } Z = (5 + 2\theta)x_1 + (12 - \theta)x_2$$

s.t.

$$x_1 + x_2 \leq 20$$

$$x_2 \leq 6$$

$$x_1, x_2, \theta \geq 0$$

پایه	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	جواب
Z	0	0	$20+5$	$-30+7$	220+142
$x_1$	1	0	1	-1	14
$x_2$	0	1	0	1	6

$$Z = 220 \quad x_2 = 0, \quad x_1 = 20 \quad .\quad ۲$$

$$Z = 208 \quad x_2 = 6, \quad x_1 = 14 \quad .\quad ۱$$

۴. هیچکدام

۳. جواب بهینه وجود ندارد

-۴۹ با به کارگیری روش گوششمال غربی در جدول حمل و نقل، متغیر  $x_{21}$  و  $x_{12}$  تبیهگن خواهد شد اگر:

۲. مقدار عرضه مبدأ اول و تقاضای مقصد اول برابر باشند.

۱. مقدار مضارب  $a_{11}$  و  $v_{j1}$  مساوی باشند.

۴. تمام گزینه های فوق.

۳. مجموع عرضه کل با مجموع تقاضای کل مساوی باشد.

-۵۰ به افراد A، B و C یکی از کارهای X، Y و T واگذار می شود. اگر فاصله (کیلومتر) محل زندگی آنها تا محل های کار مطابق جدول زیر باشد تخصیص بهینه کدام است؟

T	Z	Y	X	کارفرد
5	6	2	1	A
3	9	7	5	B
2	8	4	3	C

$$X \rightarrow C ; Y \rightarrow A ; T \rightarrow B \quad .\quad ۲$$

$$X \rightarrow A ; Y \rightarrow C ; T \rightarrow B \quad .\quad ۱$$

$$X \rightarrow C ; Y \rightarrow B ; Z \rightarrow A \quad .\quad ۴$$

۳. هر دو گزینه ۱ و ۲ صحیح هستند.