

## کارشناسی

حضرت علی(ع): دانش راهبر نیکویی برای ایمان است

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** مبانی منطق و نظریه مجموعه ها، منطق، منطق ریاضی  
**رشته تحصیلی/گد درس:** ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۰۵۷ -، علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۳۰ -، ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۱۳۸۳ -، علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر ۱۱۱۵۱۷۳ -

۱- اگر  $\varphi$  یک ف.د.س باشد طول  $\varphi$  کدام عدد زیر می تواند باشد؟

۶.۴

۴.۳

۳.۲

۲.۱

۲- اگر  $p, s$  توابعی با ضابطه  $p(x) = x - 1$  و  $s(x) = x + 1$  باشند کدام گزینه درست است؟۱. اعداد صحیح از  $\{1\}$  به وسیله عمل  $s$  بدست می آید.۲. اعداد صحیح از  $\{0\}$  به وسیله عمل های  $p, s$  پدید آمده اند ولی نه به طور آزاد.۳. اعداد صحیح از  $\{0\}$  به وسیله عمل های  $p, s$  به طور آزاد پدید می آید.۴. اعداد صحیح از  $\{0\}$  به وسیله عمل های  $p$  به طور آزاد پدید می آید

۳- کدامیک از عبارتهای زیر یک توتولوزی است؟

$$(\sim(A \vee B)) \leftrightarrow ((\sim A) \vee (\sim B)) \quad .1 \quad ((A \rightarrow B) \rightarrow A) \quad .2$$

$$(\sim A) \leftrightarrow A \quad .4 \quad (A \wedge B) \leftrightarrow ((\sim A) \vee (\sim B)) \quad .3$$

۴- اگر تابع بولی دو موضعی  $B$  چنان باشد که  $B(T, T) = T$  و  $B(X, F) = F$  آنگاه  $B(X, X) = F$  چنان باشد که کدام ف.د.س را مشخص می کند.

 $\beta \mid \alpha$  .۴ $\alpha \rightarrow \beta$  .۳ $\alpha \vee \beta$  .۲ $\alpha \wedge \beta$  .۱

## کارشناسی

حضرت علی(ع): دانش راهبر نیکویی برای ایمان است

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** مبانی منطق و نظریه مجموعه ها، منطق، منطق ریاضی  
**رشته تحصیلی / گد درس:** ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۱۰۵۷ - علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۳۰ - ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۱۳۸۳ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر ۱۱۱۵۱۷۳

-۵ فرض کنیم  $\alpha$  و  $\beta$  ف.د.س هائی باشند که نمادهای جمله ای آنها از میان  $A_n, A_2, A_1, \dots, A_2, A_1$  انتخاب شده باشند  
 کدام گزینه درست است؟

$$B_\beta(\overrightarrow{X}) \leq B_\alpha(\overrightarrow{X}) \quad \overrightarrow{X} \in \{T, F\}^n \quad \text{اگر } \alpha \models \beta \quad \text{آنگاه به ازای هر}$$

$$B_\beta = B_\alpha \quad \text{آنگاه } \alpha \models \beta \quad .2$$

$$\text{rang } B_\alpha = \{F\} \quad \text{اگر } \text{آنگاه} \quad \alpha \models \beta \quad .3$$

$$\text{rang } B_\alpha = \{T\} \quad \text{اگر } \text{آنگاه} \quad \alpha \models \beta \quad .4$$

-۶ چند تابع بولی + (صفر) موضعی وجود دارد؟

۱. یک تابع

۲. دو تابع

۳. هیچ تابعی وجود ندارد.

۴. چهار تابع

-۷ اگر  $\sum$  یک مجموعه از ف.د.س باشد کدام گزینه درست است؟

.۱ اگر  $\sum_0$  زیر مجموعه متناهی از  $\sum$  ارضا شدنی باشد آنگاه  $\sum_0$  نیز ارضا شدنی است.

.۲ اگر  $\sum_0 \models \tau$   $\sum_0$  موجود است که  $\sum_0$  مانند  $\sum$  آنگاه زیر مجموعه متناهی از  $\sum \models \tau$

.۳ اگر هر زیر مجموعه متناهی از  $\sum$  ارضا شدنی و  $\alpha$  یک ف.د.س باشد، آنگاه هر دو  $\sum; \neg \alpha$  و  $\sum; \alpha$  نیز ارضا شدنی هستند.

.۴ اگر زیر مجموعه متناهی از  $\sum$  ارضا شدنی و  $\alpha$  یک ف.د.س باشد، آنگاه  $\sum; \alpha$  نیز ارضا شدنی است.

-۸ کدام نماد یک نماد منطقی در زبانهای مرتبه اول است.

۱. پرانتزها (،)

۲. نماد ثابت

۳. نماد سورا  $\forall$ 

۴. نماد تابعی

## کارشناسی

حضرت علی(ع): دانش راهبر نیکویی برای ایمان است



زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۵

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

عنوان درس: مبانی منطق و نظریه مجموعه ها، منطق، منطق ریاضی

رشته تحصیلی/ گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۰۵۷ - علوم کامپیوتر ۱۱۱۱۳۳۰ - ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۱۳۸۳ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر ۱۱۱۵۱۷۳

۹- ترجمه جمله "هر عدد طبیعی غیر صفر تالی یک عدد است" در زبان موتبه اول کدام است؟

$$\forall v_1((\neg v_1 \approx 0) \rightarrow (\neg \forall v_2(\neg v_1 \approx sv_2))) \quad .1$$

$$\forall v_1((\neg v_1 \approx 0) \rightarrow (\forall v_2(v_1 \approx sv_2))) \quad .2$$

$$\neg \forall v_1((\neg v_1 \approx 0) \rightarrow (\neg \forall v_2(\neg v_1 \approx sv_2))) \quad .3$$

$$\forall v_1((\neg v_1 \approx 0) \wedge (\neg \forall v_2(\neg v_1 \approx sv_2))) \quad .4$$

۱۰- با توجه به تعریف فرمول های بسیط کدام عبارت نادرست است؟

$$\models_u \neg \varphi[S] \Leftrightarrow \models_u \varphi[S] \quad .1$$

$$\models_u \bar{S}(t_1) = \bar{S}(t_2) \Leftrightarrow \models_u \approx t_1 t_2 [S] \quad .2$$

$$\models_u \varphi[S] \neq_u \psi[S] \Leftrightarrow \models_u (\varphi \rightarrow \psi)[S] \quad .3$$

$$(\forall d \in |u|, \models_u \varphi[S \mid d]) \Leftrightarrow \models_u \forall x \varphi[S] \quad .4$$

۱۱- اگر  $x$  یک متغیر و  $\alpha$  و  $\beta$  ف.د.س ها باشند، درجه صورت متغیر  $x$  در  $(\alpha \rightarrow \beta)$  آزاد است؟۱. هرگاه  $x$  در  $\alpha$  آزاد باشد ولی در  $\beta$  آزاد نباشد.۲. هرگاه  $x$  در  $\alpha$  آزاد نباشد ولی در  $\beta$  آزاد باشد.۳. هرگاه  $x$  نه در  $\alpha$  و نه در  $\beta$  آزاد نباشد.۱۲- اگر زبان ما دارای تنها دو پارامتر  $\forall$  و  $P$  باشد در چه صورت ساخت  $(A, R)$  یک مدل برای جمله  $\forall x \neg pxy$  است؟

$$R = A \times A \quad .4$$

$$R \neq \emptyset \quad .3$$

$$dom R = A \quad .2$$

$$R = \emptyset \quad .1$$

۱۳- اگر  $x$  در  $\alpha$  آزاد نباشد کدام گزینه درست است؟

$$\alpha \models_u \forall x \alpha \quad .2$$

$$\models_u \forall x \alpha \quad .1$$

$$\forall x \alpha \models_u (\alpha \rightarrow \beta) \quad .4$$

$$\forall x \alpha \models_u \alpha \quad .3$$

## کارشناسی

حضرت علی(ع): دانش راهبر نیکویی برای ایمان است

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۶۰

تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵

**عنوان درس:** مبانی منطق و نظریه مجموعه ها، منطق، منطق ریاضی  
**رشته تحصیلی/ گد درس:** ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۱۳۳۰ - علوم کامپیوتر، ریاضیات و کاربردها ۱۱۱۱۳۸۳ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر ۱۱۱۵۱۷۳

## کارشناسی

حضرت علی(ع): دانش راهبر نیکویی برای ایمان است

زمان آزمون (دقیقه): تستی: ۶۰ تشریحی: ۵۰ عنوان درس: مبانی منطق و نظریه مجموعه ها، منطق، منطق ریاضی رشته تحصیلی / گد درس: ریاضی (محض)، ریاضی (کاربردی) ۱۱۱۱۳۳۰ - علوم کامپیوتر و کاربردها ۱۱۱۱۳۸۳ - علوم کامپیوتر (چندبخشی)، علوم کامپیوتر ۱۱۱۵۱۷۳	تعداد سوالات: تستی: ۲۰ تشریحی: ۵ این سوال: ۱. یکجا
--	---

-۱۸ اگر نماد ثابت  $c$  در  $\varphi$  و  $\psi$  ظاهر نشود و داشته باشیم  $\Gamma; \varphi_c^x \vdash \neg\psi$  در این صورت داریم:

$$\Gamma \vdash \neg \exists x \psi \quad .4 \quad \Gamma \vdash \neg \forall x \psi \quad .3 \quad \Gamma; \forall x \vdash \neg \psi \quad .2 \quad \Gamma; \exists x \varphi \vdash \psi \quad .1$$

-۱۹ اگر  $A$  مجموعه‌ای از فرمول‌های ناسازگار باشد آنگاه:

۱. فرمولی مانند  $\beta$  موجود باشد که  $\neg\beta$  هر دو قضیه‌ای در  $A$  می‌باشد.

۲. بازی هر فرمول  $\beta$  هم  $\neg\beta$  هم هر دو قضیه‌ای در  $A$  هستند.

۳. فرمولی مانند  $\beta$  موجود است که  $\neg\beta$  قضیه در  $A$  است.

۴. بازی هر فرمول  $\beta$ ،  $\neg\beta$  قضیه‌ای در  $A$  است.

-۲۰ کدام گزینه نادرست است؟

$$\alpha \rightarrow \beta \vDash \forall x \alpha \rightarrow \forall x \beta \quad .2 \quad \neg \forall x \alpha \rightarrow \forall x \beta \vdash \neg \alpha \rightarrow \beta \quad \text{اگر آنگاه}$$

$$\forall x \forall y Pxy \rightarrow \forall y \forall x Pyx \quad .4 \quad \forall x \exists y Pxy \rightarrow \exists y Pyy \quad .3$$

### سوالات تشریحی

۱،۴۰ نمره

- ثابت کنید مجموعه  $\{\neg, \wedge\}$  تمام است.

۱،۴۰ نمره

- ثابت کنید که در هر قطعه اولیه سره از یک ف.د.س. تعداد پرانتزهای چپ بیشتر از تعداد پرانتزهای راست است.

۱،۴۰ نمره

- استنتاج زیر را نشان دهید:

$$\vdash x \approx y \rightarrow \forall z Pxz \rightarrow \forall z Pyz$$

۱،۴۰ نمره

- نشان دهید که یک استنتاج برای  $\alpha$  از  $\Gamma$  وجود دارد اگر و تنها اگر  $\alpha$  قضیه‌ای از  $\Gamma$  باشد.

۱،۴۰ نمره

- فرض کنید  $s_1$  و  $s_2$  توابعی از  $V$  در  $|u|$  باشند که به ازای همه متغیرهایی (در صورت وجود) که در ف.د.س  $\varphi$  آزاد هستند، هم مقدار می‌باشند. در این صورت ثابت کنید که:

$$\vDash_u \varphi[s_2] \vdash_u \varphi[s_1] \quad \text{اگر و تنها اگر}$$